

Titre: Effet du chargement sur la précision d'une machine-outils cinq-axes
Title:

Auteur: Pierre-François Pinard
Author:

Date: 2017

Type: Mémoire ou thèse / Dissertation or Thesis

Référence: Pinard, P.-F. (2017). Effet du chargement sur la précision d'une machine-outils cinq-axes [Master's thesis, École Polytechnique de Montréal]. PolyPublie.
Citation: <https://publications.polymtl.ca/2506/>

 Document en libre accès dans PolyPublie
Open Access document in PolyPublie

URL de PolyPublie: <https://publications.polymtl.ca/2506/>
PolyPublie URL:

Directeurs de recherche: J. R. René Mayer
Advisors:

Programme: Génie mécanique
Program:

UNIVERSITÉ DE MONTRÉAL

EFFET DU CHARGEMENT SUR LA PRÉCISION D'UNE MACHINE-OUTILS CINQ AXES

PIERRE-FRANÇOIS PINARD

DÉPARTEMENT DE GÉNIE MÉCANIQUE

ÉCOLE POLYTECHNIQUE DE MONTRÉAL

MÉMOIRE PRÉSENTÉ EN VUE DE L'OBTENTION
DU DIPLÔME DE MAÎTRISE ÈS SCIENCES APPLIQUÉES
(GÉNIE MÉCANIQUE)

AVRIL 2017

© Pierre-François Pinard, 2017.

UNIVERSITÉ DE MONTRÉAL

ÉCOLE POLYTECHNIQUE DE MONTRÉAL

Ce mémoire intitulé :

EFFET DU CHARGEMENT SUR LA PRÉCISION D'UNE MACHINE-OUTILS CINQ AXES

présenté par : PINARD Pierre-François

en vue de l'obtention du diplôme de : Maîtrise ès sciences appliquées

a été dûment accepté par le jury d'examen constitué de :

M. BALAZINSKI Marek, Docteur ès sciences, président

M. MAYER René, Ph. D., membre et directeur de recherche

M. ACHICHE Sofiane, Ph. D., membre

DÉDICACE

À toute ma famille

REMERCIEMENTS

Je souhaiterais remercier mon directeur de recherche M. René Mayer pour son aide et sa supervision dans ce projet, Guy Gironne et Vincent Mayer pour les tests expérimentaux et toutes les personnes qui m'ont aidé directement ou indirectement lors de ce travail.

Je souhaiterais remercier tout particulièrement Léo Mougel pour son aide précieuse.

RÉSUMÉ

Ce projet de recherche porte sur l'étude d'une potentielle relation entre le chargement dû au poids de la pièce et les erreurs volumétriques sur une machine-outil 5-axes à table verticale. Il prend le relais de l'étude de B. Asadishad [1] dans lequel le lien entre le chargement et les erreurs paramétriques fut étudié. Ici, l'étude des performances de la machine en termes de précision et de répétabilité des erreurs volumétriques sous charge sera privilégiée. Les charges appliquées dans l'étude précédente sont reprises mais le protocole de test et de mesures a été adapté. Ainsi, les tests développés pour la présente étude se servent de blocs (acier) simulant une force, des entretoises légères (aluminium) couplés aux blocs simulant un moment et des sphères montées sur des tiges de 280 mm de hauteur. Un protocole de test a ensuite été mis au point spécifiant les indexations des axes rotatifs B et C de la machine-outil et leur ordre, le nombre de blocs et d'entretoises ainsi que leur position sur la table et le nombre de sphères palpées. Ensuite, la machine comportant une zone de travail et une zone de chargement, un test de répétabilité a été effectué pour quantifier la précision de placement de la table après être passée dans la zone de chargement. La hauteur des tiges pouvant engendrer des erreurs de mesure en raison de déflexion sous leur propre poids et sous l'effet de la force du palpeur un test nommé « 0 » sera utilisé comme référence afin d'annuler les erreurs dues à la déflexion de la tige lors des palpées. Une série de 16 tests a été effectuée avec 16 chargements différents, chaque test a demandé 2 heures de temps à la machine et à l'opérateur pour être réalisé. A l'issue de ces tests, les données brutes sont analysées. D'autre part, les forces et moments engendrés par les poids, les erreurs volumétriques, les déviations linéaires et angulaire de chaque plan de palpée par rapport au plan de référence ainsi que la matrice des p-values de l'ensemble des données sont calculés. Certains comportements redondants ont pu être observés dans lesquels des conclusions ont pu être tirées par rapport à la précision de la machine en fonction du chargement et de la position de la table de la machine dans l'espace de travail. Enfin, cette étude s'est focalisée sur les erreurs volumétriques engendrées par un chargement sans prendre en compte les nombreuses autres sources d'erreurs comme la thermique et la dynamique. Il serait alors intéressant de coupler cette étude sur les effets du chargement avec des études plus générales portant sur les sujets cités précédemment.

Au terme de cette étude, il a été possible de mettre en avant l'existence de corrélations significatives entre le chargement et les erreurs mesurées et calculés. Le lien entre la charge et les erreurs volumétriques apparaît comme le plus fort. De plus, il existe une corrélation entre la position de la

table, l'indexation et les erreurs observées. Néanmoins, cette étude ne permet pas l'identification précise de la provenance de ces erreurs.

Ce travail a donc contribué à démontrer qu'un chargement compris dans les limitations de la machine a une influence non négligeable sur sa précision.

ABSTRACT

This thesis presents a study of a possible relation between the load from the weight of the workpiece put on the table and volumetric errors. This work is the continuity of the study conducted by B. Asadishad [1] in which the link between the load and the error parameters was studied. Here, the study of machine performances regarding the precision and the repeatability of volumetric errors under load will be considered. The loading system used is the same as in the previous study but the test protocol and measurement protocol are adapted for the current study. The new test protocol developed uses heavy blocs of steel to simulate weight, light spacers paired with heavy blocs to simulate torque and spheres mounted on top of 280 mm rods. Then new test protocol specifies the indexation pairs of the B- and C-axis of the machine and their order of execution, the number of blocs and spacers and their position on the table, the number of spheres probed and the order in which tests have been conducted during a day of testing. Moreover and because the machine presents a loading area and a working area a repeatability test was done to quantify the repeatability of repositioning the table after traveling to and from the loading area. Because the height of rods could create errors of measurement because of deflexion under their own weight and under the force of the probe during the tests a test called « test 0 » is used as a reference to remove this effect from the loaded tests. A set of 16 tests is conducted with 16 different loading system. Each test lasts for 2 hours. From these tests raw data are analyzed. Then weight and torques produced by blocs, volumetric errors and the rigid body motion of the table are compared to the reference plane and the p-values matrix are calculated. Significant correlation have been detected between the load (forces and torques), volumetric errors and the rigid body motion of the table. More specifically, forces in Y directions and torques around X and Z axis are strongly correlated. Thus, table position, indexations, volumetric errors and the rigid body motion of the table, show significant correlations. Nevertheless, this method does not make possible the identification of error sources.

TABLE DES MATIÈRES

DÉDICACE.....	III
REMERCIEMENTS	IV
RÉSUMÉ.....	V
ABSTRACT	VII
TABLE DES MATIÈRES	VIII
LISTE DES TABLEAUX.....	X
LISTE DES FIGURES	XI
LISTE DES SIGLES ET ABRÉVIATIONS	XII
LISTE DES ANNEXES	XIII
CHAPITRE 1 INTRODUCTION.....	1
1.1 Problématique.....	2
1.2 Question de recherche	2
1.3 Objectifs	2
CHAPITRE 2 REVUE CRITIQUE DE LITTÉRATURE	4
CHAPITRE 3 DÉMARCHE DE L'ENSEMBLE DU TRAVAIL DE RECHERCHE ET ORGANISATION GÉNÉRALE DU DOCUMENT INDIQUANT LA COHÉRENCE DES ARTICLES PAR RAPPORT AUX OBJECTIFS DE LA RECHERCHE	7
3.1 Mise au point d'un protocole de test	7
3.2 L'acquisition des données de test.....	7
3.3 Le calcul de données additionnelles.....	8
3.4 L'analyse des données.....	8
CHAPITRE 4 ARTICLE 1: EFFECT OF LOAD ON MACHINE TOOL PRECISION	9
4.1 Introduction	9
4.2 Machine definition	11

4.3	Test Strategy.....	11
4.4	Repeatability Test.....	17
4.5	Loading system	18
4.6	Data acquisition.....	21
4.7	Experimental and additional data	24
4.7.1	Experimental data.....	24
4.7.2	Additional data	24
4.8	Data analysis	29
4.8.1	Correlations analysis	30
4.8.2	The influence of the indexations	34
4.9	Conclusion.....	36
4.10	Acknowledgments	37
CHAPITRE 5	DISCUSSION GÉNÉRALE	38
CHAPITRE 6	CONCLUSION ET RECOMMANDATIONS	41
BIBLIOGRAPHIE		43
ANNEXES.....		46

LISTE DES TABLEAUX

Table 4.1 : Tests groups and configurations (Part 1)	13
Table 4.2 : Tests groups and configurations (Part 2)	14
Table 4.3 : Test protocol – loads	15
Table 4.4 : Test protocol – B- and C-axis indexation	16
Table 4.5 : Repeatability of the table removal and remounting process with no load (mm)	18
Table 4.6 : Spheres deviations (sample).....	23
Table 4.7 : Table setting, forces and torques in the R1 system for $B=C=0^\circ$	25
Table 4.8 : Rigid body motion of the table reference balls for tests 0, 1 and 2 for $B=0^\circ$ and $C=0^\circ$	28
Table 4.9 : Apparent rigid body motion volumetric residues (apparent distortion of the relative position of the table reference balls) for tests 0, 1 and 2 for $B=0^\circ$ and $C=0^\circ$	29
Table 4.10 : Correlation summary between some volumetric errors and the load (sample).....	30
Table 4.11 : Correlation summary (apparent rigid body motion of the table and load) (sample)..	33
Table 4.12 : Correlation summary for test 7 (Rigid body motion of the table and table position)	36
Table 4.13 : Correlation summary for test 7 (volumetric errors and table position).....	36
Table 6.1 : Repeatability test - data acquisition (mm)	46

LISTE DES FIGURES

Figure 4.1 : Kinematic chain of the five-axis machine tool studied [1].....	11
Figure 4.2 : Spheres mounted on blocs of the loading system in [1]	12
Figure 4.3 : Loading positions and spheres positions	16
Figure 4.4 : Test Protocol – B- and C-axis indexations throughout one test	17
Figure 4.5 : Repeatability diagram	18
Figure 4.6 : Bloc (left) and spacer (right).....	19
Figure 4.7 : Drawing of the bloc with nominal dimensions.....	19
Figure 4.8 : Drawing of the spacer with nominal dimensions	20
Figure 4.9 : Rod mounted sphere	20
Figure 4.10 : Drawing of the rod mounted reference spheres with nominal dimensions	20
Figure 4.11 : Data acquisition during test 4	22
Figure 4.12 : R1 system when the machine axis positions are $x=b=c=0$. The frame does not move with the table translation in X or rotation around B or C.....	23
Figure 4.13 : R2 system definition	24
Figure 4.14 : Forces and torques in the R1 reference frame	26
Figure 4.15 : Volumetric errors (Δy_3 , Δy_4 , Δz_3) versus F_y , for tests 3 to 7, for $B=30^\circ$ and $C=0^\circ$	31
Figure 4.16 : Δy_4 versus F_y , with linear regression, for tests 3 to 7 and indexations $(0^\circ; 30^\circ; 0^\circ)$, $(0^\circ; 30^\circ; 45^\circ)$, $(0^\circ; 30^\circ; 90^\circ)$, $(0^\circ; 60^\circ; 135^\circ)$	32
Figure 4.17 : Load effect on the rigid body motion of the table	33
Figure 4.18 : δ versus X_3 , for test 7, influence of the table position on the rigid body motion of the table; δ_{tot} is the total linear rigid body motion.....	34
Figure 4.19 : Angular deviation versus X_3 , influence of the table position on the table angular deviation	35

LISTE DES SIGLES ET ABRÉVIATIONS

CNC	Computer numeric control
ELS	Electronic Lead Screw
F_x	Force selon l'axe X
$F_{y,1}$	Force selon l'axe Y dans les conditions d'indexation numéro 1
LDBB	Loaded Double Ball Bar
p-value	La valeur p
Rep_X	Répétabilité de l'axe X
M_{all}	Matrices des données
M_x	Moment selon l'axe X
α	Déviations angulaire du plan de la table selon l'axe X
β	Déviations angulaire du plan de la table selon l'axe Y
δ_{tot}	Déviations linéaires totales
δ_x	Déviations linéaires selon l'axe X
γ	Déviations angulaire du plan de la table selon l'axe Z
θ_{tot}	Déviations angulaires totales
Δ_x	Erreur volumétrique selon l'axe X
$\Delta_{y4,1}$	Variation de mesures de la sphère numéro 4 sous les conditions d'indexation numéro 1 par rapport à la mesure de la sphère numéro 4 au test 0

LISTE DES ANNEXES

Annexe A – Mesures du test de répétabilité.....	46
Annexe B – Programme matlab de calcul de coefficient de corrélation et p-values.....	47
Annexe C – Programme de traitement des fichiers de plapage.....	48
Annexe D – Programme de generation des deviation lineaires et angulaire des plans de la table.	51
Annexe E – Programme de calcul des forces et moments engendrées par le chargement.....	52

CHAPITRE 1 INTRODUCTION

De nombreux domaines de l'industrie utilisent des machines-outils 5 axes à commande numériques afin d'assurer l'usinage de pièces complexes. Ces machines présentent l'avantage économique majeur de pouvoir usiner différentes formes complexes en une seule prise de pièce, réduisant de manière significative le temps d'usinage.

Ces machines sont composées de trois axes linéaires et deux axes rotatifs augmentant le nombre de sources d'erreurs de différents types et pouvant réduire la précision de la machine. Néanmoins, la précision de ces machines, bien supérieure aux plus petites cotations géométriques demandées pour les bureaux d'étude, est adaptée aux industries.

Les sources d'erreurs sont multiples car les machines sont soumises à différentes contraintes tout au long de leurs phases de fonctionnement et d'arrêt. Les variations dimensionnelles des composants de la machine dues aux variations thermiques peuvent engendrer des erreurs tout comme les effets dynamiques et les vibrations. Lors d'un usinage, les efforts de coupe sont importants et sont également une source d'erreur.

Enfin, le brut fixé sur la table de la machine peut présenter une masse allant jusqu'à plusieurs dizaines de kilogrammes. Cette masse présente un chargement qui peut alors avoir une influence sur les performances de la machine. De nombreuses études se sont intéressées aux erreurs liées aux phénomènes thermiques et dynamiques ainsi qu'à l'effet des efforts de coupe mais seulement très peu ont cherché à comprendre le comportement d'une telle machine sous l'effet d'un chargement. En raison d'une volonté toujours présente de la part des industriels de produire des pièces de qualité supérieure, l'étude des effets d'un chargement sur la précision d'une machine-outil apparaît comme nécessaire.

Nous allons ainsi chercher à déterminer si un chargement compris dans les limites des spécifications d'une machine 5-axes a une influence significative sur sa précision. Pour ce faire, une analyse statistique de la relation entre erreurs volumétriques, déviation du plan de la table, position de la table dans l'espace de travail et le chargement sera faite.

Il existe deux types d'erreur en relation avec la conception et la fabrication d'une machine outils, les erreurs géométriques et les erreurs volumétriques. Les erreurs géométriques quantifient les défauts de la structure et des composants de la machine alors que les erreurs volumétriques

représentent les erreurs de mouvement relatif entre l'outil et la pièce [2]. Une étude a été menée par B.Asadishad [1] sur les erreurs paramétriques sous charge. Elle a déterminé qu'il existait un lien entre ces erreurs et le chargement. Cet article suggère de poursuivre l'étude aux erreurs volumétriques, ce que nous nous proposons de faire.

1.1 Problématique

Comme énoncé précédemment, il n'existe que très peu d'études dans la littérature reliant précisément l'effet d'un chargement aux erreurs volumétriques engendrées pour une machine 5 axes à table verticale. Cette étude s'avère nécessaire car la précision des pièces fabriquées par cette même machine est alors en jeu. Une pièce usinée ne respectant pas les cotations imposées par le bureau d'étude est une perte pour une entreprise. Ainsi, s'il devient possible d'anticiper la réaction de la machine au chargement qui lui est imposé, les probabilités d'obtenir des pièces ne respectant pas les cotations diminueront.

1.2 Question de recherche

Pour une machine 5 axes à table verticale, un chargement compris dans les limites de fonctionnement de la machine est-t-il un facteur influençant la précision de positionnement de la broche par rapport à la pièce ?

1.3 Objectifs

L'objectif principal de cette étude est :

- Quantifier l'effet d'un chargement sur les erreurs volumétriques pour une machine 5 axes à table verticale.

Les quatre sous objectifs de cette étude sont les suivants :

1. Proposer une méthodologie permettant de mettre en lumière les erreurs volumétriques dues au chargement
2. Déterminer s'il existe des erreurs volumétriques significatives engendrées par le chargement placé sur la table de la machine.

3. Déterminer s'il existe des corrélations significatives entre le chargement, les erreurs mesurées et la position de la table dans l'espace de travail.
 4. Déterminer les composantes des forces et moments responsable des erreurs mesurées et discuter de leur cohérence par rapport à la géométrie de la machine.
- .

CHAPITRE 2 REVUE CRITIQUE DE LITTÉRATURE

Ce projet de recherche se focalise sur l'existence de corrélations entre les erreurs volumétriques mesurées et le chargement imposé à la machine, tout en restant dans les limites de masse imposées par le constructeur (100 kg). Ce travail s'inscrit alors dans le très large domaine de la précision des machines, leurs performances et l'éventuelle compensation de leurs erreurs de tout type. D.Dornfield a regroupé dans son livre sur la fabrication de précision certain aspect requis pour une machine pour fabriquer des pièces de haute précision [3]. On y retrouve des critères de rigidité des axes, de précision de guidage mais aussi une analyse de la structure d'une machine témoignant des sources probables d'erreurs. Il s'agit ici des erreurs géométriques qui sont causées par les défauts de la structure et des composants de la machine. Ces erreurs sont à différencier des erreurs volumétriques qui elles, correspondent aux erreurs de mouvement relatifs entre l'outil et la pièce [2]. Les sources et la description des erreurs géométriques dans une machine sont présentées dans [4]. On y retrouve les erreurs dues à la chaîne cinématique des axes, à la thermique changeante de la machine, à la dynamique et enfin les erreurs dues au chargement sont introduites. De plus, différentes méthodes de mesures d'erreurs sont présentées comme la mesure des erreurs de position, de rectitude ou encore la précision des axes rotatifs.

D'autre part, l'étude des sources et la quantification des erreurs volumétriques sont étudiées dans [5] à travers l'utilisation d'une « double ball bar ». Il s'agit d'un outil ayant une extrémité fixée sur la table de la machine et une autre sur la broche. Il permet ainsi de mesurer les variations de position entre la table et la broche ou encore entre la pièce et l'outil, qui est le cas qui nous intéresse. Une autre méthode par mesure laser est également appropriée pour l'étude des erreurs volumétriques sur une machine 5 axes [6]. Le tracker laser étant une méthode de haute précision, elle permet de mesurer non seulement les erreurs volumétriques mais aussi les erreurs géométriques, ce qui rend ce procédé intéressant d'un point de vue temps.

D'autres erreurs peuvent également affecter la précision de la machine telles que les erreurs thermiques étudiées dans [7] ou celles dues à la dynamique des axes [8].

En ce qui concerne les erreurs dues au chargement de la machine, il est possible d'envisager cet aspect de deux manières distinctes. La première est de comprendre le chargement comme l'effort transmis à la pièce usinées (et donc à la table) par l'outil lors d'une opération d'usinage. Les

erreurs dues aux efforts de coupe sont étudiées dans [9] et témoignent de valeurs d'efforts considérables à ne pas négliger. Ensuite, les erreurs dues aux déformations de l'outil sont également envisagées dans [10] et leur analyse pourrait permettre une amélioration sensible de la précision d'usinage dépendamment de l'outil en lui-même et du procédé de fabrication adopté. La seconde est plus simplement de considérer la masse du brut à usiner comme un chargement. En effet, dépendamment des machines, un brut peut présenter une masse allant jusqu'à plusieurs centaines de kilogrammes, il semble alors intéressant d'envisager l'influence de cette masse sur la précision de la machine. Seulement quelques travaux ont été publiés à ce sujet comme le travail de A. Archenti [11] sur l'évaluation de la précision des machines sous l'effet d'un chargement simulé par un dispositif nommé « loaded double ball bar » (LDBB). De plus, Archenti a développé un concept nommé « ELS » (elastically linked system) [12], permettant de lier la précision statique de la machine avec les erreurs géométriques des pièces usinées et ce en utilisant le dispositif nommé « LDBB ». Néanmoins, ces méthodes ne se sont pas focalisées sur les erreurs volumétriques. Enfin, une étude de l'influence directe du chargement sur les erreurs paramétriques d'une machine 5 axes a été faite utilisant des poids comme chargement et le palpé de sphères positionnées sur ce chargement comme mesures [1]. Des liens entre les valeurs des efforts et les erreurs mesurées ont pu être mis en évidence.

La machine utilisée pour ce projet est une machine 5 axes à table verticale reposant sur les axes B, C et X. Il semble alors intéressant de s'intéresser au comportement des axes d'une machine lorsqu'ils sont soumis à un chargement. Dans [13], la corrélation entre les déformations élastiques de la structure de la machine et les déviations géométriques sont mises en avant et peuvent avoir un impact sur la précision dimensionnelle des pièces usinées. Une étude [14] a également été menée afin de développer une méthode permettant de mesurer les déplacements élastiques des systèmes de support de la machine sous l'effet des efforts de coupe. Enfin, l'influence des erreurs géométriques sur les axes linéaires et donc sur les erreurs cinématiques observée est proposée dans [15]

Par la suite, l'identification des erreurs et leur mesure mènent à une éventuelle compensation et/ou à une calibration de la machine. La théorie pour la compensation des erreurs sur les machine-outil est présentée dans [16] ainsi qu'une méthode faisant appel à des modèles mathématiques pour compenser les erreurs mesurées. De façon plus spécifique, la compensation et la réduction des erreurs de type thermique sont rassemblés dans un document [7] proposant différentes façons de

réduire ces erreurs. Concernant la compensation des erreurs d'axes, le travail de Mchichi, N. A. [17] introduit la méthode SAMBA. Cette méthode permet l'estimation des erreurs de positionnement des axes ainsi que des erreurs paramétriques en vue de la calibration de la machine.

D'autre part, seulement peu de travaux ont été menés sur la prédiction des erreurs volumétriques. Rahman, M. a étudié les erreurs paramétriques inter-axe et intra-axe par palpétre de surfaces [18] afin de prédire les erreurs volumétriques de la machine [19]. La prédiction des erreurs d'une machine est un domaine encore peu exploré mais qui, avec des études comme celle-ci sur le comportement sous charge pourra être enrichi.

En vue des études menées dans le domaine des erreurs machine présentées ci-dessus, nous pouvons remarquer que la majorité de ces travaux ont été réalisés sans chargement. Des méthodes de compensation et de calibrations sont mises en avant permettant d'améliorer la précision des machines. Néanmoins, d'autres études ont pu montrer qu'un chargement pouvait engendrer des déformations élastiques de certains composants de la machine affectant ainsi sa précision. L'étude qui va suivre va alors se pencher sur la question de l'influence du chargement sur les erreurs volumétriques afin de mettre en avant ou non une corrélation entre ces deux facteurs. Ce travail pourra alors mener à d'autres études sur la modélisation de ces liens dans le but, éventuellement, de compenser les erreurs de la machine en fonction de son chargement et ainsi augmenter sa précision.

CHAPITRE 3 DÉMARCHE DE L'ENSEMBLE DU TRAVAIL DE RECHERCHE ET ORGANISATION GÉNÉRALE DU DOCUMENT INDIQUANT LA COHÉRENCE DES ARTICLES PAR RAPPORT AUX OBJECTIFS DE LA RECHERCHE

Ce travail a pour but principal de comprendre le comportement d'une machine 5 axes à table verticale sous l'effet d'un chargement, et de déterminer l'existence de liens entre le chargement de la table de la machine et les erreurs volumétriques. Ainsi, la démarche adoptée se décompose en les 4 étapes suivantes :

- Mise au point d'un protocole de test
- L'acquisition des données de test
- Le calcul de données additionnelles
- L'analyse des données

3.1 Mise au point d'un protocole de test

La mise au point du protocole définit la quantité et la qualité des données sur lesquelles se basera cette étude. La réflexion s'est essentiellement portée sur la disposition et le nombre des chargements ainsi que les indexations de palpé. Ce protocole a néanmoins été limité par certains facteurs comme les capacités de la machine. Le constructeur affiche une masse maximale de 100kg sur la table et une hauteur de chargement maximale de 300mm. Une fois ce protocole validé, une première série de tests a été effectuée que l'on a appelé tests de répétabilité. En effet, entre chaque chargement différent, la table est déplacée dans l'espace de chargement puis redirigée vers l'espace de travail. Il a donc fallu quantifier la précision de positionnement de la table après chaque opération de ce type.

3.2 L'acquisition des données de test

Les tests en charge selon le protocole développé précédemment ont pu être effectués et des mesures de position ont été enregistrées. Il s'agit des seules données expérimentales qui seront utilisées. Chaque test a duré deux heures. Les données brutes se présentent sous forme d'un fichier texte

(.txt) indiquant l'indexation de palpée, le numéro de sphère palpée et les coordonnées X, Y et Z de cette dernière.

3.3 Le calcul de données additionnelles

Ce travail portant sur une potentielle influence du chargement sur la précision de la machine il semblait nécessaire de quantifier ce chargement par des forces et des moments. De ce fait, Les forces et moments engendrés par les différents chargements ont été calculés dans le repère de la table nommé R1 et défini sur la Figure 4.12. Les déviations linéaires et angulaires des plans formés par les sphères palpées ont été générées par le biais d'un produit vectoriel faisant appel aux erreurs volumétriques et aux coordonnées brutes des sphères palpées. L'idée est de diminuer le nombre de variables.

3.4 L'analyse des données

Le but ici est de démontrer l'existence d'erreurs volumétriques significatives pour une machine 5 axes ainsi que l'existence de liens entre les données acquises lors des tests et les données calculées. Dans un premier temps, l'analyse des erreurs volumétriques va permettre de discuter l'influence directe du chargement sur la position relative de la pièce par rapport à la broche de la machine. Par la suite, un test de p-value a été utilisé afin de déterminer les corrélations significatives qui existent entre certaines séries de données. Ensuite, la recherche de corrélations s'est divisée en deux stratégies. La première va fixer l'indexation et se focaliser sur les effets des forces et des moments tandis que la seconde fera l'inverse et fixera le chargement pour s'intéresser plus particulièrement aux effets de l'indexation et de la position de la table dans l'espace de travail.

Ce document s'articule autour de ces quatre étapes dans le but de démontrer l'existence de l'influence d'un chargement compris dans les limites de la machine sur sa précision. L'essentiel du travail de recherche sera présenté dans le corps d'un article scientifique qui commencera par la définition géométrique de la machine sur laquelle les tests ont été effectués pour continuer avec l'ensemble des points présentés précédemment.

CHAPITRE 4 ARTICLE 1: EFFECT OF LOAD ON MACHINE TOOL PRECISION

Soumis à : The International Journal of Advanced Manufacturing Technology

Date : 17/03/2017

Auteurs : Pierre-François PINARD et René MAYER

Machine parts accuracy depends on multiple factors such as workpiece material, tool selection and cutting parameters but also the precision of the machine tool itself. This paper focuses on the machine volumetric error caused by the workpiece weight. Tests are conducted on a five-axis machine tool with a vertical table. Different loading systems are mounted on the table along with four spheres. The X, Y and Z coordinate of the spheres are measured by on-machine probing. An unloaded “test zero” is used as a reference to eliminate a number of systematic errors not related to the sought effects. Sixteen different loading systems are studied, all within the machine specified limits. Then, nineteen different rotary indexations pairs form the test protocol. Data is analysed using correlations coefficient and p-value test in order to find probable link between the load and the volumetric errors and to quantify the machine performance. Three types of errors are considered: the total volumetric errors, the apparent rigid body motion of the table and the change in the on-machine measured relative position of the balls. It is observed that significant volumetric errors, up to 30 μm , occur during the tests under load. Stiffness in the region of 25 $\text{N}/\mu\text{m}$ were derived from the data. Furthermore, it has been possible to demonstrate the existence of significant correlations between the volumetric errors, the apparent rigid body motion of the table, the axis positions and the load. In particular, and as expected, the deviations, both in linear and angular terms, and the associated correlations are consistent with the anticipated effect of the added weight.

4.1 Introduction

The precision of machined parts depends on multiple factors such as the tool quality, the cutting parameters, the workpiece material and the machine tool. Among those factors the machine tool precision plays a key role in the dimensional quality of the part. Precision is affected by quasi-static errors and dynamic errors [3]. Focussing on quasi-static errors, there are several error

contributors such as geometric construction, wear, thermal variations, mechanical hysteresis and elastic effects. One key performance indicator for a CNC machine tool is the level of precision it is able to maintain under various workpiece loads.

Machine precision is generally tested under no-load conditions although a compliance test is proposed in [20] on an axis-by-axis basis so that five tests are conducted for a five axis machine tool.

Errors in machine tools originate from the structure of the machine and from the use of the machine and its environment.

There are two categories of errors, geometric errors and the resulting volumetric errors. The first represents errors coming from the structure and the component of the machine while the second are a result of the first category and are the errors of relative movement between the spindle and the table [2]. Much work has been done on geometric errors, their description are presented in [4].

The effect of forces applied to the tool and workpiece have been studied. The load as a result of the force created by the tool on the workpiece during the machining was studied in [9] and testifies of significant errors. Errors due to the tool deflection is considered in [10]. A. Archenti ([11] and [12]) developed a specific equipment called a « loaded double ball bar », which is a double ball bar integrating a system simulating a load. It enabled the study of the volumetric errors under directional load. This concept is called ELS for « Elastic Linked System ».

The influence of the load on the parametric error has been studied in [1] using masses put on the machine table and spheres mounted on the load stack used for the measurements. Tests conducted for this project have been carried out on a 5-axis machine tool with a vertical table. The table is mounted on the C-, B- and X-axis. The correlation between the elastic deformations of the structure and the geometrical deviations observed were studied in [13]. A method [14] has also been developed to measure the elastic deviation of the supporting system of the machine under the cutting forces. Finally the influence of geometric errors on the kinematic chain was investigated in [15].

This study will investigate the existence of significant volumetric errors and significant correlations between volumetric errors and the load put on the machine table. It could lead to further studies on the quantification of these correlations and the development of a model capable to predict volumetric errors according to the load and then improve the machine accuracy.

4.2 Machine definition

The test presented in this paper has been conducted on a five-axis machine tool with a vertical table. The kinematic chain of the machine is presented in Figure 4.1. A, B and C represent the rotary axes and, X, Y and Z are the linear axis of the machine. The table moves through the X-, B- and C-axis and the spindle is in motion through the Y- and Z-axis. The spindle is not actuated and will hold by a probe instead of a cutting tool.

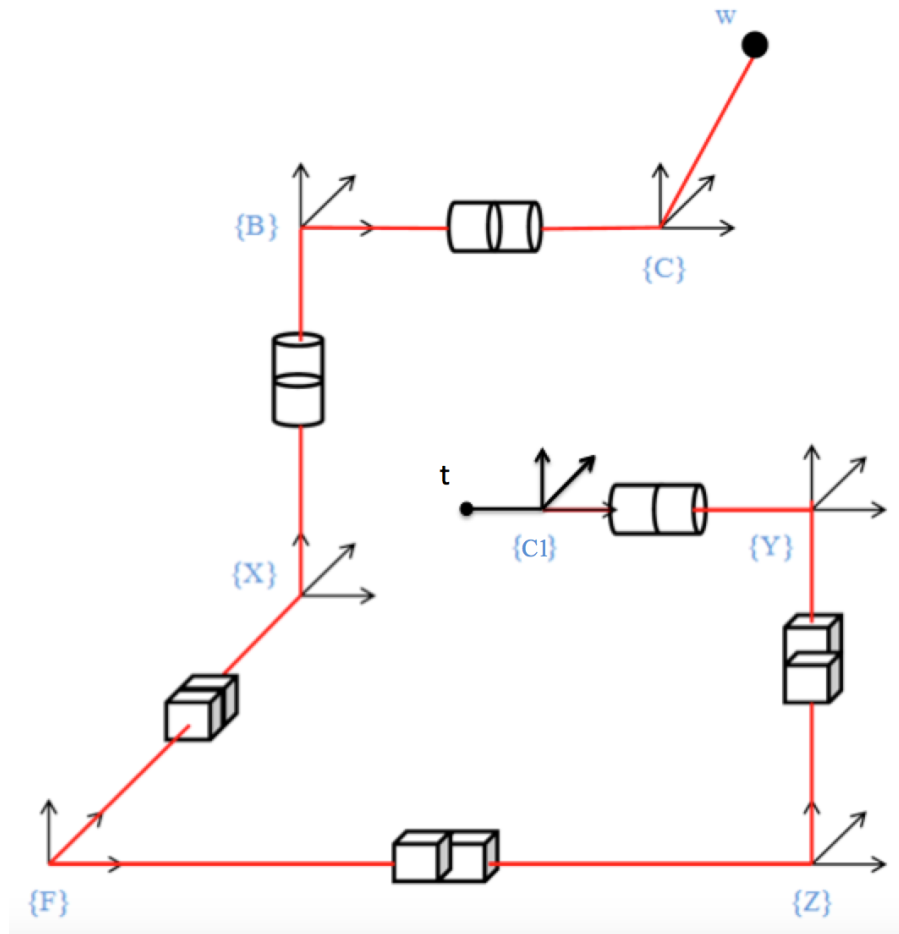


Figure 4.1 : Kinematic chain of the five-axis machine tool studied [1]

4.3 Test Strategy

The aim of the test strategy (loading sequence, measurement points and rotary axes indexation) is to produce conditions that are typical of what may occur during normal operations. In [1] a loading system was proposed consisting in heavy solid steel blocks of 8,168 kg and light hollow spacers of 0,677 kg, which allow similar total weights to produce different loading moments. The reference

spheres were either mounted on the load stack or directly on the table as shown in Figure 4.2. For the spheres attached to the load stacks, their position could be affected by the stack deflection itself. This hypothesis has been studied in [1] and results showed that the loading stacks deflect slightly under their own weight and affect the position of the spheres mounted on them.

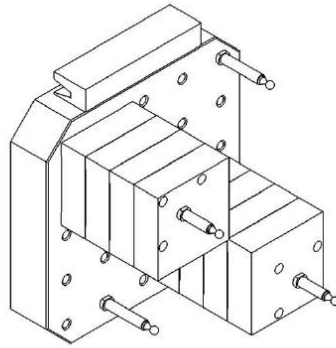


Figure 4.2 : Spheres mounted on blocs of the loading system in [1]

To avoid such disturbance in the current study the spheres are directly attached to the table. As for the loading strategy, six different groups of load were chosen as shown in Table 4.1 and Table 4.2. The first two produce a force with a small torque (only blocs of steel of 8,168 kg each are used) while the other four accentuate the resulting torques through the use of spacers. The load settings of each test are presented in Table 4.3.

Table 4.1 : Tests groups and configurations (Part 1)

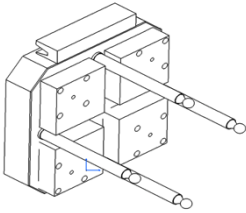
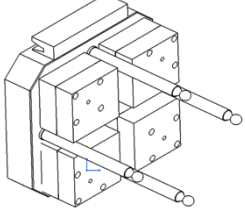
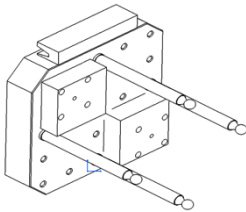
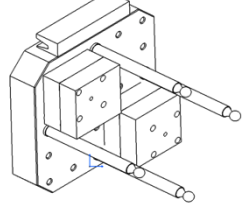
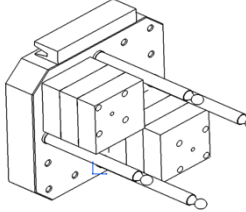
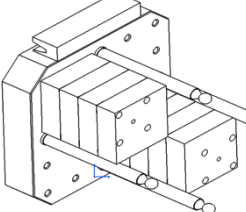
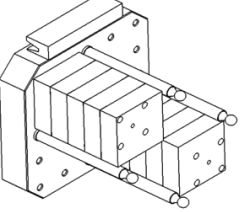
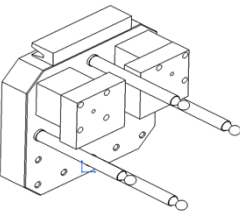
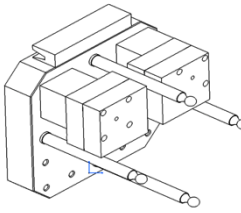
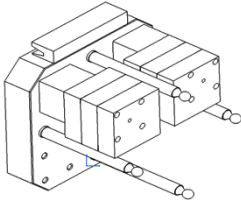
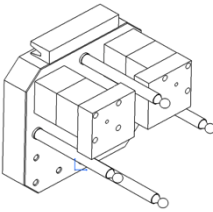
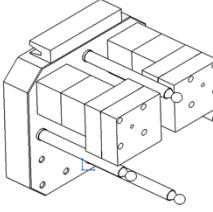
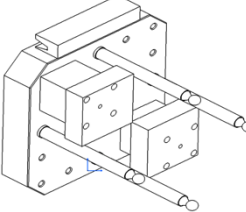
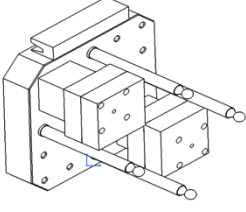
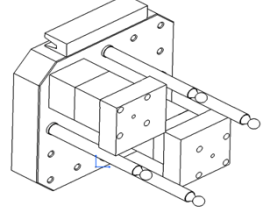
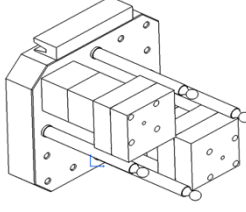
Groupe Id	Test Id		
Group 1	Test 1	Test 2	
			
Groupe 2	Test 3	Test 4	Test 5
			
	Test 6	Test 7	
			

Table 4.2 : Tests groups and configurations (Part 2)

Groupe Id	Test Id		
Groupe 3	Test 8	Test 9	Test 10
			
Group 4	Test 11	Test 12	
			
Groupe 5	Test 13	Test 14	
			
Groupe 6	Test 15	Test 16	
			

These loading configurations have been set in order to go over a vast range of forces and torques. Indeed, forces go from 160,2 N to 801,2 N and torques go from 4 Nm to 98,6 Nm (See Table 4.7). Thus, tests 1 to 7 focus on weight while tests 8 to 16 focus on torque where spacers will be privileged over blocs.

Table 4.3 : Test protocol – loads

Load system id	Position			
	P1	P2	P3	P4
0	-	-	-	-
1	1 Bloc	1 Bloc	1 Bloc	1 Bloc
2	2 Blocs	2 Blocs	2 Blocs	2 Blocs
3	1 Bloc	-	-	1 Bloc
4	2 Blocs	-	-	2 Blocs
5	3 Blocs	-	-	3 Blocs
6	4 Blocs	-	-	4 Blocs
7	5 Blocs	-	-	5 Blocs
8	1 Spacer ; 1 Bloc	1 Spacer ; 1 Bloc	-	-
9	1 Spacer ; 2 Blocs	1 Spacer ; 2 Blocs	-	-
10	1 Spacer ; 3 Blocs	1 Spacer ; 3 Blocs	-	-
11	2 Spacers ; 1 Bloc	2 Spacers ; 1 Bloc	-	-
12	2 Spacers ; 2 Blocs	2 Spacers ; 2 Blocs		
13	1 Spacer ; 1 Bloc	-	-	1 Spacer ; 1 Bloc
14	1 Spacer ; 2 Blocs	-	-	1 Spacer ; 2 Blocs
15	2 Spacers ; 1 Bloc	-	-	2 Spacers ; 1 Bloc
16	2 Spacers ; 2 Blocs			2 Spacers ; 2 Blocs

P1, P2, P3 and P4 represent the four locations where blocs and spacers are fixed on the table (See Figure 4.3). For example, a bloc fixed at position 1 (P1) is attached to the table using four threaded bars screwed in the four top left corner holes of the table as shown in the figures of Table 4.1 and Table 4.2. S1, S2, S3 and S4 are the location of the four spheres fixed on the table. The different indexations in which the spheres will be probed have been set in a special order to facilitate the detection of trends in the acquired data. This order respect the following strategy: the B- and C-axis are set at different indexations so that between two indexations only one angle can be changed in order to determine if deflections are coming from the rotation of the B-axis, the C-axis or both (See Table 4.4). A plot of the evolution of the B and C-axis indexation is shown on Figure 4.4.

Table 4.4 : Test protocol – B- and C-axis indexation

Indexation identification number	Indexation (degrees)	
	B	C
1	0	0
2	-30	0
3	-30	-45
4	-30	-90
5	-60	-90
6	-60	-135
7	-60	-180
8	-90	-180
9	-90	-225
10	-90	-270
11	30	0
12	30	45
13	30	90
14	60	90
15	60	135
16	60	180
17	90	180
18	90	225
19	90	270

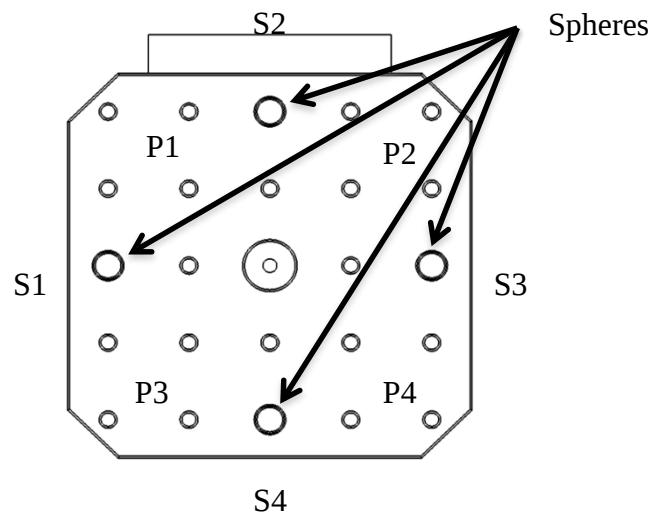


Figure 4.3 : Loading positions and spheres positions

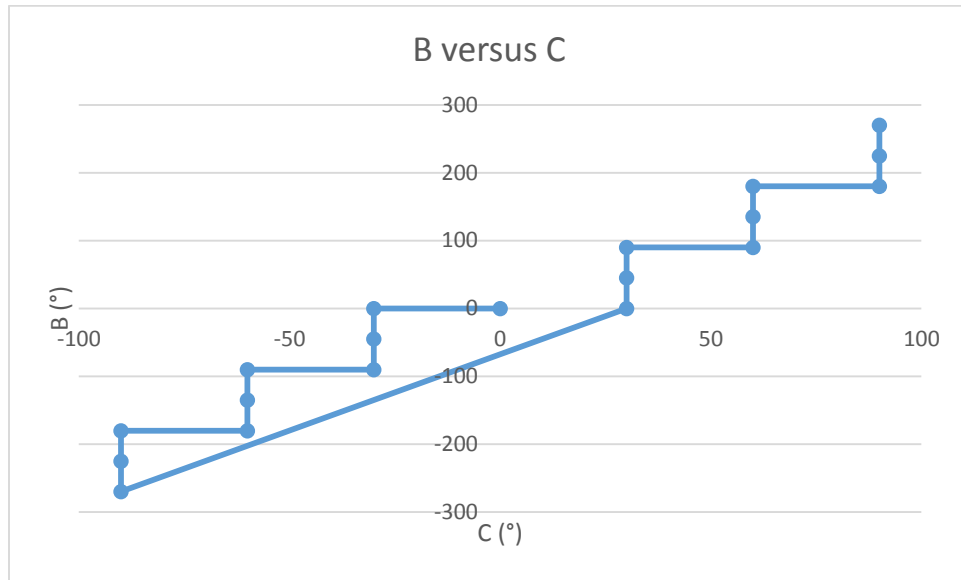


Figure 4.4 : Test Protocol – B- and C-axis indexations throughout one test

4.4 Repeatability Test

The test protocol involves various loads. The load is changed after the table has been automatically transferred to the pallet changer area. Thus the position repeatability in X, Y and Z directions of the removal and re-installation process of the table was quantified from n repetitions using the standard deviation [23] :

$$s = \sqrt{\frac{\sum_1^n (x_i - \bar{x})^2}{n - 1}}$$

x_i : i th measurement, obtained from a set of n measurements (here, x is one of the measurement);

$\bar{x}$: Average value of the set of n measurements;

n : number of measurements.

The test protocol for the repeatability test uses five spheres fixed on the table and their centre coordinates measured. Then the table goes into the loading area and comes back inside the working area of the machine followed by the re-measurement of the balls centre coordinates. This was repeated five times. The x , y and z coordinates are obtained as shown in Table 6.1. The standard deviations of the centre coordinates for each ball are listed in Table 4.5 and shown in Figure 4.5.

Table 4.5 : Repeatability of the table removal and remounting process with no load (mm)

Measurement id	S_X (μm)	S_Y (μm)	S_Z (μm)
1	1,1	2,3	1,0
2	1,1	1,5	0,6
3	0,8	1,3	0,2
4	1,5	1,5	0,9
5	1,5	1,7	0,7
Standard Deviation	1,2		

Table 4.5 shows that the repeatability in the Z-axis is better than the repeatability in the X- and Y-axis. The Y-axis is the least repeatable. The value of 1,2 μm has been set as critical value. This value quantifies the limit in the loaded test data precision. A particular attention will be given to this value when analysing the loaded test results.

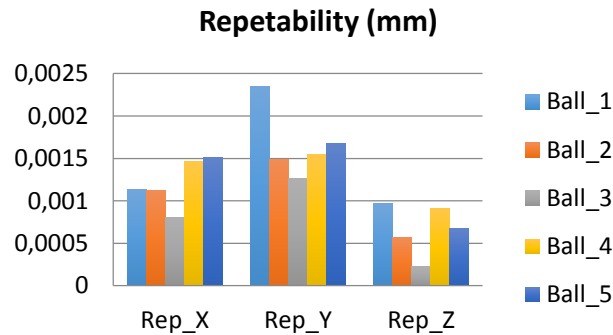


Figure 4.5 : Repeatability diagram

4.5 Loading system

The load tests consist in applying one of the previously described load system, changing the B- and C-axis indexations and probing the accessible spheres. The loading and reference artefact system consists in three parts: the blocs and spacers shown in Figure 4.6, Figure 4.7 and Figure 4.8 and the spheres mounted on rods of various lengths as shown in Figure 4.9 and Figure 4.10.

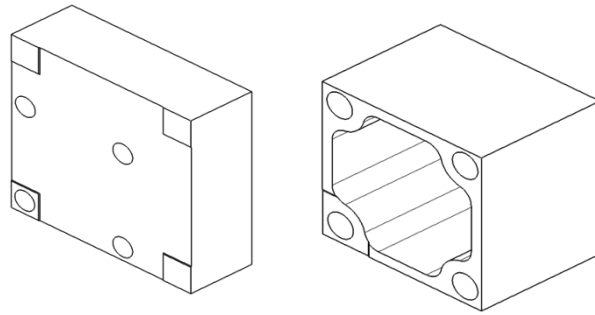


Figure 4.6 : Bloc (left) and spacer (right)

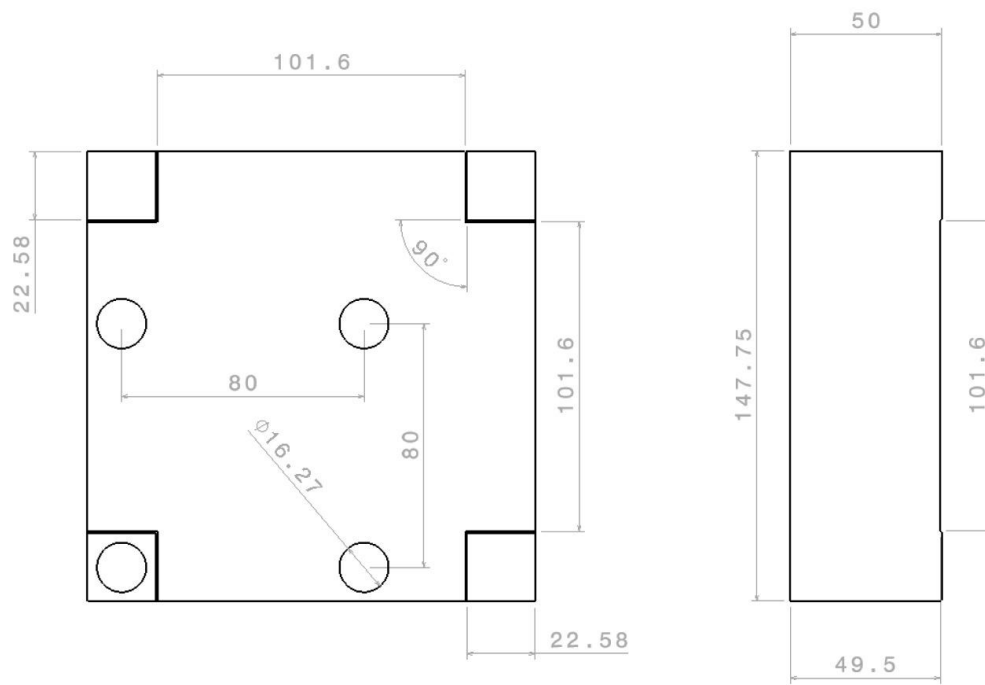


Figure 4.7 : Drawing of the bloc with nominal dimensions

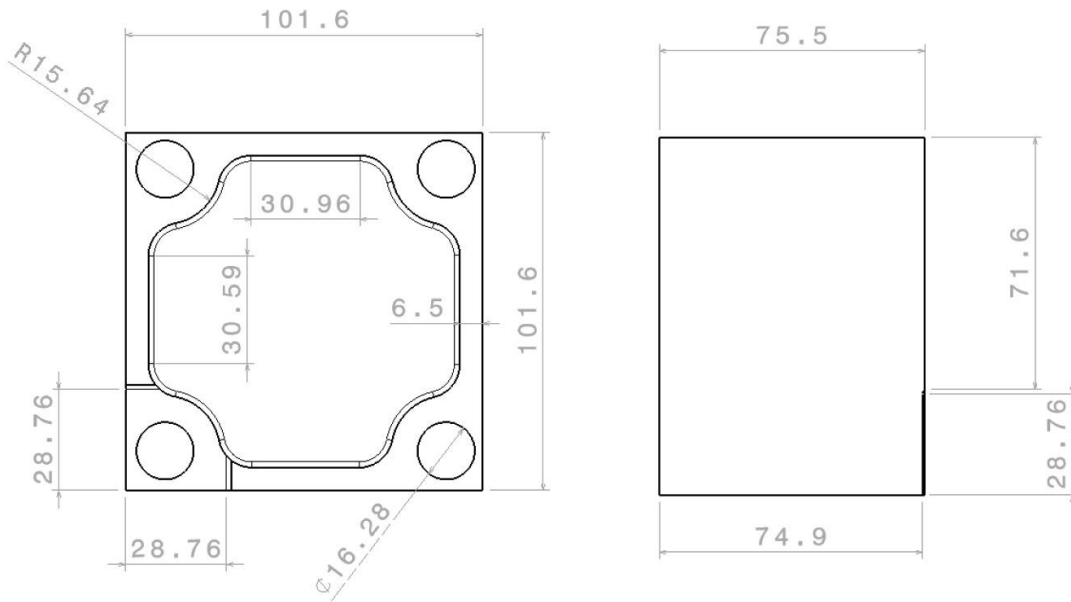


Figure 4.8 : Drawing of the spacer with nominal dimensions

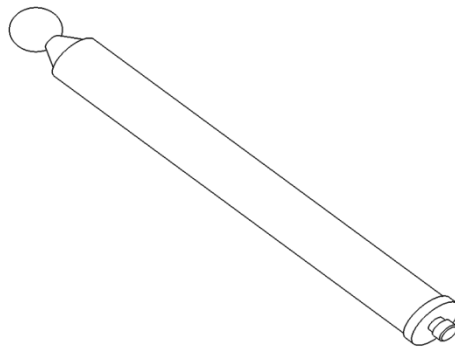


Figure 4.9 : Rod mounted sphere

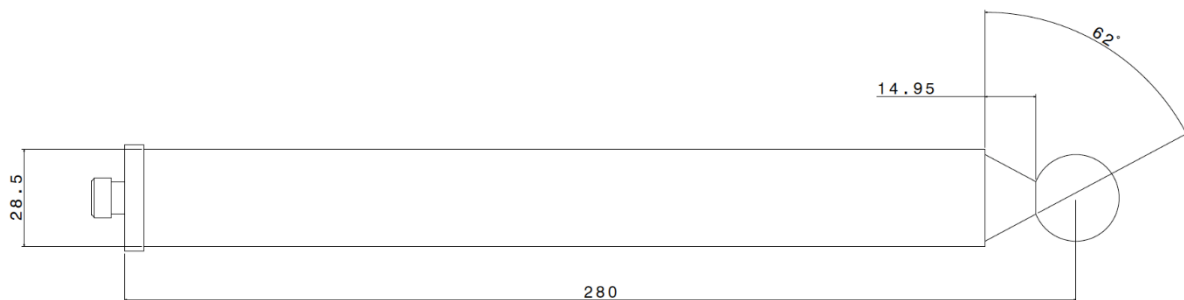


Figure 4.10 : Drawing of the rod mounted reference spheres with nominal dimensions

Then everything is fixed on the machine table using threaded bars and nuts. The maximum load accepted by the machine is 100 kg, so a maximum of 12 blocs could be fixed on the table. Also, the maximum height acceptable (in z) is 300 mm, which limits the amount of blocs to 6 blocs piled up. Then the center of the four spheres attached to the rods (as shown in Figure 4.9) is at a height of 280 mm from the table top. In order to keep space for the probe to reach the spheres a maximum of 5 blocs piled up will be used at once. All configurations shown in Table 4.1 and Table 4.2 fulfil these two criteria.

The rods are 280 mm long, from the table to the centre of the sphere, which could deviate under their own weight or under the probe force during the probing. This possibility was tested and the deviation was estimated to be 0,012 mm on average. This is a large value compared to the measured volumetric errors. In order for the analysis not to be affected by this effect, reference values from the unloaded test, "Test_0" are subtracted to all results to remove such effects from the measured sphere centre coordinates under load.

Then, for a particular set of indexations and load, every accessible sphere is probed to collect its centre position. Depending on the indexations and loading configurations some spheres may not be measurable due to interference or collision risks between the probe stylus or body and the other spheres or blocs or with the machine table.

Each test lasts two hours, including the assembly and the disassembly of the blocs and spacers. A particular attention was given to the position of the spheres avoiding physical contact with the rods or spheres during changes to the loading system to avoid altering the ball positions. That way, we are able to compare results between different loading configurations.

4.6 Data acquisition

Figure 4.11 shows the acquisition of sphere 2 X-, Y- and Z-coordinate during test 4 for indexation (0°; 30°; 45°).

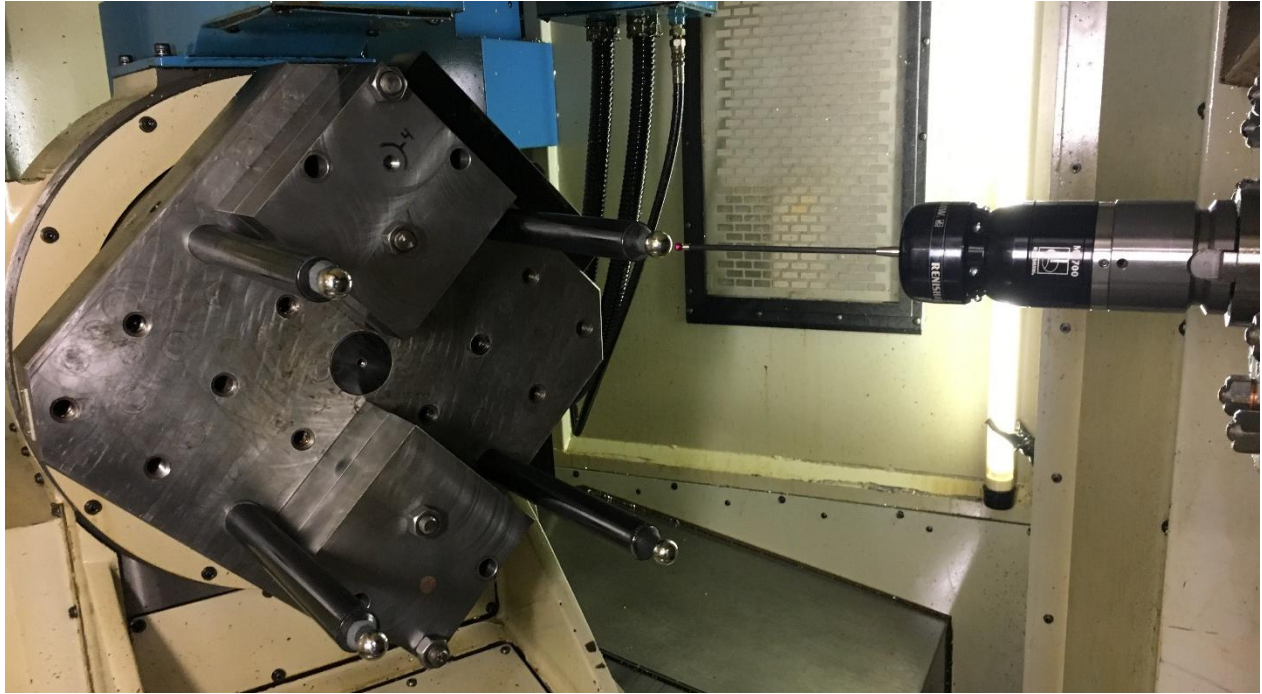


Figure 4.11 : Data acquisition during test 4

Every test conducted on the machine produced a txt file in which spheres X, Y and Z coordinates, spheres id and indexations are listed. These data were organized in a table such as the one presented in Table 4.6 (Table 4.6 is a subset of the complete table).

Each line of Table 4.6 represents the volumetric errors in the R1 system (See Figure 4.12) for a particular loading configuration. The first identification number aside from X, Y and Z is the sphere identifier and the second is the indexation identifier. In total there are 16 loading configurations, 19 indexations and the number of spheres probed in each indexation depends on their accessibility.

Using the unloaded state as reference, the initial unloaded volumetric error as well as errors due to the probing process such as small bending of the stem holding each ball and any probe lobbing effect is removed. The remaining volumetric error changes are not null which supports the hypothesis that deformations occur while working under load. However it cannot be certified at this point that all deviations come from load, other deviation sources can play a role such as thermal effects.

Table 4.6 : Spheres deviations (sample)

Test id	Test_ball_indexation					
	$\Delta x_{1,1}^*$ (μm)	$\Delta y_{1,1}$ (μm)	$\Delta z_{1,1}$ (μm)	$\Delta x_{2,1}$ (μm)	$\Delta y_{2,1}$ (μm)	$\Delta z_{2,1}$ (μm)
0	0	0	0	0	0	0
1	9,0	1,0	1,0	9,7	15,2	2,5
2	9,0	11,0	3,5	3,2	7,2	7,5
3	7,5	5,5	3,0	1,7	9,2	3,5
4	6,5	3,5	3,0	1,7	10,2	1,5
5	6,5	3,5	3,0	2,0	9,0	0,5
6	3,7	4,2	3,0	1,7	2,2	9,5
7	6,5	7,5	3,0	4,2	1,7	10,0
8	1,2	3,2	8,0	0,2	5,7	7,5

*In $\Delta x_{i,j}$, i is the ball identifier and j is the indexation identifier

These values are over 10 times larger than the critical value of $1,2 \mu\text{m}$ presented in the repeatability test part, which confirms that they are significant.

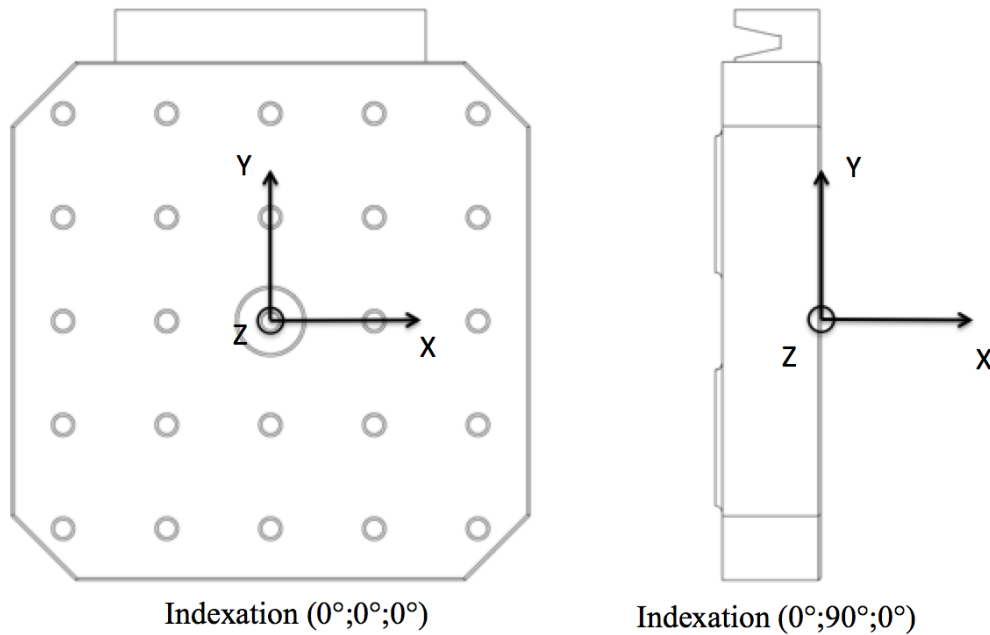


Figure 4.12 : R1 system when the machine axis positions are $x=b=c=0$. The frame does not move with the table translation in X or rotation around B or C.

The R1 system is set as presented in Figure 4.12. It does not rotate or translate when the B- and C- axis rotate. Every data of this study is set according to this system of axis.

4.7 Experimental and additional data

4.7.1 Experimental data

As presented above, every test conducted on the machine provides the machine tool X-, Y- and Z-axis readings corresponding to the centre of each probed sphere for a specific B- and C-axis indexation set as well as the sphere id probed.

4.7.2 Additional data

The difference between the X, Y and Z coordinates from test 1 to 16 relative to test 0 (unloaded) are calculated as Δ_x , Δ_y and Δ_z and represent the change in volumetric errors of the machine with loading. Then, forces and torques due to the load are computed for each indexations in the R1 reference frame as F_x , F_y , F_z , M_x , M_y and M_z . (See Figure 4.14). Thanks to the CAD software CATIA V5R21 the total weight and the centre of gravity of every bloc and spacer mounted on the table, is known in the R2 system described on Figure 4.13.

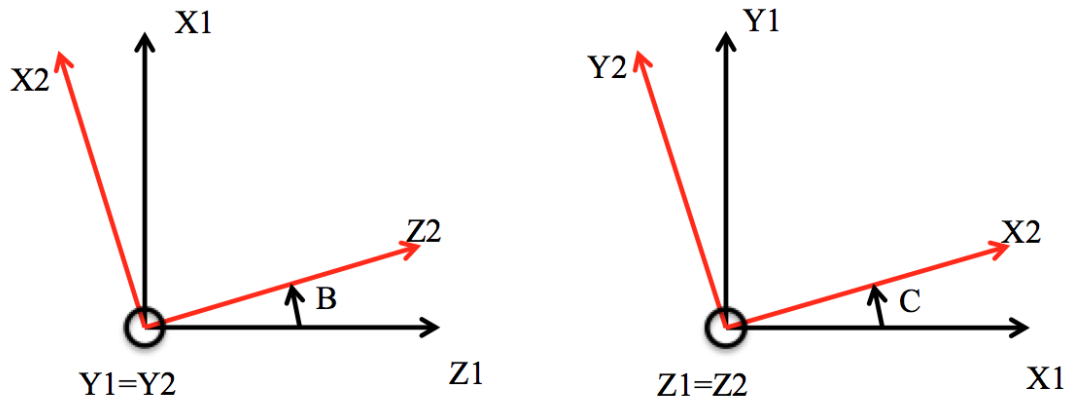


Figure 4.13 : R2 system definition

Then the software Matlab was used to compute values of forces and torques for every loading system at every indexation in the R1 reference frame. Equation (4-1) was used to calculate the coordinate of the center of gravity of every loading system in the R1 reference frame:

$$\begin{bmatrix} Gx \\ Gy \\ Gz \end{bmatrix}_{R1} = M_B \cdot M_C \cdot \begin{bmatrix} Gx \\ Gy \\ Gz \end{bmatrix}_{R2} \quad (4-1)$$

where G_x , G_y and G_z are the coordinate of the center of gravity of a loading system. M_B and M_C are the rotation matrices ((4-2) and (4-3)) for the coordinate transformation from the R2 system to the R1 system.

$$M_B = \begin{bmatrix} \cos(B) & 0 & \sin(B) \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin(B) & 0 & \cos(B) \end{bmatrix} \quad (4-2)$$

$$M_C = \begin{bmatrix} \cos(C) & -\sin(C) & 0 \\ \sin(C) & \cos(C) & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (4-3)$$

Table 4.7 gives for every loading system the values of forces, weight and torque in the R1 system.

Table 4.7 : Table setting, forces and torques in the R1 system for $B=C=0^\circ$.

Loading system id	Force (N)	Weight (kg)	Torque (Nm)
1	320,5	32,0	8,0
2	641,0	64,1	31,9
3	160,2	16,0	4,0
4	320,5	32,0	15,9
5	480,7	48,1	35,8
6	641,0	64,1	63,6
7	801,2	80,1	98,6
8	173,5	17,4	3,1
9	333,8	33,4	40,6
10	494,0	49,4	72,5
11	186,8	18,7	30,2
12	347,0	34,7	66,3
13	173,5	17,4	16,6
14	333,8	33,4	40,6
15	186,8	18,7	30,2
16	347,0	34,7	66,3

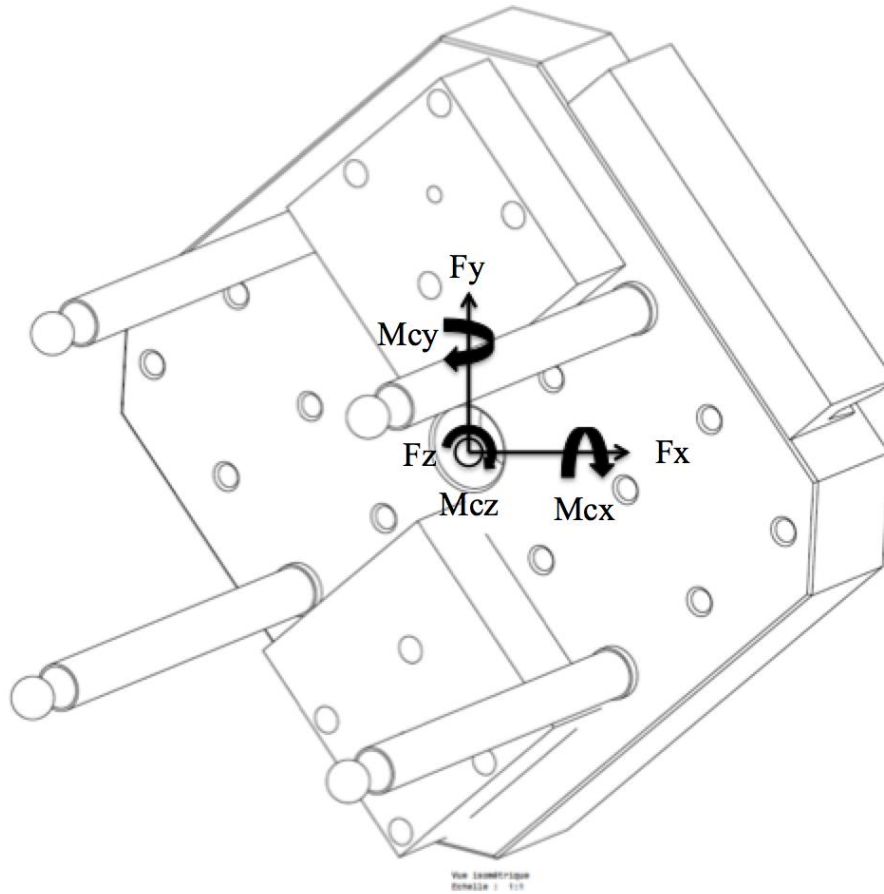


Figure 4.14 : Forces and torques in the R1 reference frame

All test data (order of test, X, Y, Z coordinates, Δ_x , Δ_y and Δ_z and F_x , F_y , F_z , M_x , M_y , M_z) are concatenated in a single matrix, M_{all} , of 496 column and 17 lines. Each line represents the results for a particular loading configuration.

The main additional data generated for this analysis is the apparent rigid body motion of the table associated to the probed spheres and which, in principle, reflect the work table shift provided the X, Y and Z measurements are not themselves degraded. In the R1 system, the linear deviations along each axis are named δx , δy and δz and the angular deviations around each axis are named α , β and γ .

However, this calculation can be conducted only if three or four spheres are probed. A subset of 12 of the 19 indexations met this requirement.

Based on [24], equation (4-4) is used to compute in the R1 frame (machine frame) linear and angular apparent deviation of the machine table plane (the rigid body motion of the table):

$$\begin{bmatrix} \Delta x \\ \Delta y \\ \Delta z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \delta x \\ \delta y \\ \delta z \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} \alpha \\ \beta \\ \gamma \end{bmatrix} \wedge \begin{bmatrix} X \\ Y \\ Z \end{bmatrix} \quad (4-4)$$

- Δ_x , Δ_y and Δ_z represent the change in volumetric errors of the machine.
- X , Y and Z are the coordinate of the spheres probed for a specific load and indexation
- δx , δy and δz are the linear deviations of the table plane
- α , β and γ are the angular deviations of the table plane

Unknown are δx , δy , δz , α , β and γ . In order to solve this Equation (4-4) the matrix form is used (4-5):

$$\begin{bmatrix} \Delta x \\ \Delta y \\ \Delta z \end{bmatrix} = [M] * \begin{bmatrix} \delta x \\ \delta y \\ \delta z \\ \alpha \\ \beta \\ \gamma \end{bmatrix} \quad (4-5)$$

The linear and angular deviations are calculated and then the residues, or unexplained coordinate variations, are computed.

The work table deviation results as a rigid body are shown in Table 4.8. Table 4.9 lists residuals from this calculation. It can be seen that some residual values have the same order of magnitude as the estimated work table deviations (highlighted in yellow in Table 4.9). That could have at least two possible causes: either the table becomes distorted under its own weight or under the weight of the loading system or residues could be explained by distortions of the X-, Y- or Z-axis that occurs under the added weight, which affect their ability to correctly measure the sphere center coordinate or a combination of both.

The hypothesis that claims that the table could become distorted under its own weight or under the weight of the loading system could be invalidate by a simple calculation of the highest value of deflection caused by the most heavy loading system put on the table during these tests. The

maximum weight put on the table is 801,2 N (See Table 4.7). The machine table has a section of 76,6 mm x 400 mm.

Equation (4-6) was used for the calculation:

$$f = \frac{PL^3}{3EI} \quad (4-6)$$

- P : The force put on the table
- L : The length of the lever arm
- E : The Young's modulus
- I : Second moment of area

Equation (4-6) yields a maximum deflection of the table of 0,0011mm. This is the same order of magnitude as the position repeatability of the table traveling from the working area to the loading area and is much less than the average value of volumetric errors or rigid body motion of the table. This suggests that the residuals are likely due to distortion of the X-, Y- and Z-axis which inhibits their ability to correctly measure the balls position.

Table 4.8 : Rigid body motion of the table reference balls for tests 0, 1 and 2 for B=0° and C=0°

Test_id	0	1	2
δx (μm)	0	2,2	1,3
δy (μm)	0	0,9	-9,8
δz (μm)	0	-3,7	3,8
α (μrad)	0	9,4	21,8
β (μrad)	0	15,6	-1,5
γ (μrad)	0	-16,1	-19,9

Table 4.9 : Apparent rigid body motion volumetric residues (apparent distortion of the relative position of the table reference balls) for tests 0, 1 and 2 for $B=0^\circ$ and $C=0^\circ$

Test_id	0	1	2
$\Delta x_{1,1}$ (μm)	0	-15,7	-1,0
$\Delta y_{1,1}$ (μm)	0	0,1	1,8
$\Delta z_{1,1}$ (μm)	0	0,3	-0,1
$\Delta x_{2,1}$ (μm)	0	0,5	-0,9
$\Delta y_{2,1}$ (μm)	0	16,9	8,7
$\Delta z_{2,1}$ (μm)	0	-0,3	0,1
$\Delta x_{3,1}$ (μm)	0	13,6	9,6
$\Delta y_{3,1}$ (μm)	0	-1,0	-0,4
$\Delta z_{3,1}$ (μm)	0	0,3	-0,1
$\Delta x_{4,1}$ (μm)	0	1,7	1,3
$\Delta y_{4,1}$ (μm)	0	-16,0	-10,1
$\Delta z_{4,1}$ (μm)	0	-0,2	0,1

4.8 Data analysis

The data analysis approach will focus on the detection of significant correlations between all variables. Because this work focuses on the effect of load on the machine tool volumetric errors, attention has been concentrated on the potential correlations between forces and torques with volumetric errors (Δ_x , Δ_y and Δ_z) and rigid body motion of the table plane (δx , δy , δz α , β and γ) in order to detect whether volumetric errors and rigid body motion of the table are function of the load.

This search for significant correlations has been conducted using statistical tests such as p-values and the correlation coefficients R.

Correlation coefficients are between -1 and 1. The closest it gets of -1 or 1 the strongest the correlation. A high correlation coefficient is between 0,7 and 1 or between -0,7 and -1 [25].

The p-value test informs us on the significance of a correlation. It represents the probability that the correlation is due to luck. Thus, we are looking for a small p-value, between 0 and 0,05 [26], which correspond to a probability of 95% that the correlation is not due to the luck. As an example of its use in manufacturing, p-values were used in the work of Özel and Karpaz (2005) [27] to determine which manufacturing factors were linked to the surface roughness of the machined part.

In this paper, the search for correlations has been conducted for the volumetric errors (Δ_x , Δ_y and Δ_z) and the rigid body motion of the table (δx , δy , δz α , β and γ).

4.8.1 Correlations analysis

4.8.1.1 Correlation between load and volumetric errors (Δ_x , Δ_y and Δ_z)

Table 4.10 summarises the significant correlations between volumetric errors and the load. It can be observed that for every indexations, significant correlations occur linking F_y and Δ_x , Δ_y and Δ_z . The other indexations show similar trends and correlations appear between M_{cx} , M_{cz} and Δ_x , Δ_y and Δ_z . As an example, Table 4.10 shows significant correlations between F_y and Δy_3 , Δy_4 and Δz_3 for $B=30^\circ$ and $C=0^\circ$ and Figure 4.15 shows the evolution of Δy_3 , Δy_4 and Δz_3 versus F_y .

For a good part of this paper and in order to keep figures readable and explanations understandable, tests 3 to 7 will be taken as examples as they are the best suited to show the behaviour under load. Indeed, they go through a vast range of load with respect of the same load position.

Table 4.10 : Correlation summary between some volumetric errors and the load (sample)

Indexation	Var 1	Var 2	R	p-values
(0°; 0°; 0°)	F_y	Δz_4	0,96	0,012
(0°; 30°; 0°)	F_y	Δy_3	0,85	$p<0,001$
	F_y	Δz_3	0,73	$p<0,001$
	F_y	Δy_4	0,87	$p<0,001$
(0°; 30°; 45°)	F_y	Δy_2	0,93	$p<0,001$
	F_y	Δy_3	0,96	$p<0,001$
	F_y	Δx_4	0,77	$p<0,001$
(0°; 30°; 90°)	F_y	Δz_2	-0,72	0,001
	F_y	Δy_3	0,95	$p<0,001$
	F_y	Δy_4	0,94	$p<0,001$

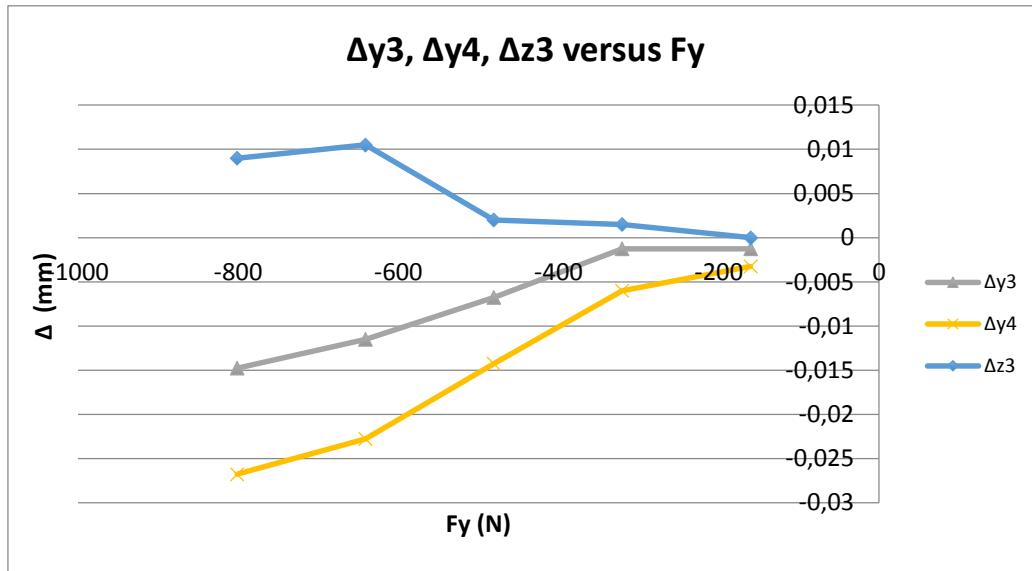


Figure 4.15 : Volumetric errors (Δy_3 , Δy_4 , Δz_3) versus F_y , for tests 3 to 7, for $B=30^\circ$ and $C=0^\circ$

Figure 4.15 shows that the larger the forces the larger the volumetric errors. Also, it can be observed that Δy evolves in the negative direction of the graph, which corresponds to the direction of gravity. On the other hand, Δz increases in the positive direction as the weight increases. This is also an expected behaviour because the table is vertical and the load is eccentric towards z^+ causing a positive moment around the x -axis that tends to decrease the distance between the spheres and the probe on the Z -axis. Even though the load is within manufacturers limits Figure 4.16 shows values up to 0,025 mm, which is significant for a five-axis CNC machine tool with micrometer resolution scales.

Furthermore, a linear regression is shown in Figure 4.16 between Δy_4 and F_y to estimate compliance, to compare with values in [11] on the testing of machine tools under load conditions. The reported values of stiffness are between 10 and 12 N/ μm while Figure 4.16 indicate a value of 25 N/ μm (a compliance of 5×10^{-5} for this specific test). As we can see on Figure 4.15 the slope of the curve $\Delta y_3 = f(F_y)$ is smaller than the one of $\Delta y_4 = f(F_y)$ and is closer to the value of A. Archenti. These values seem coherent and the difference could be explained by the fact that Archenti used a different machine with a horizontal table under different test conditions.

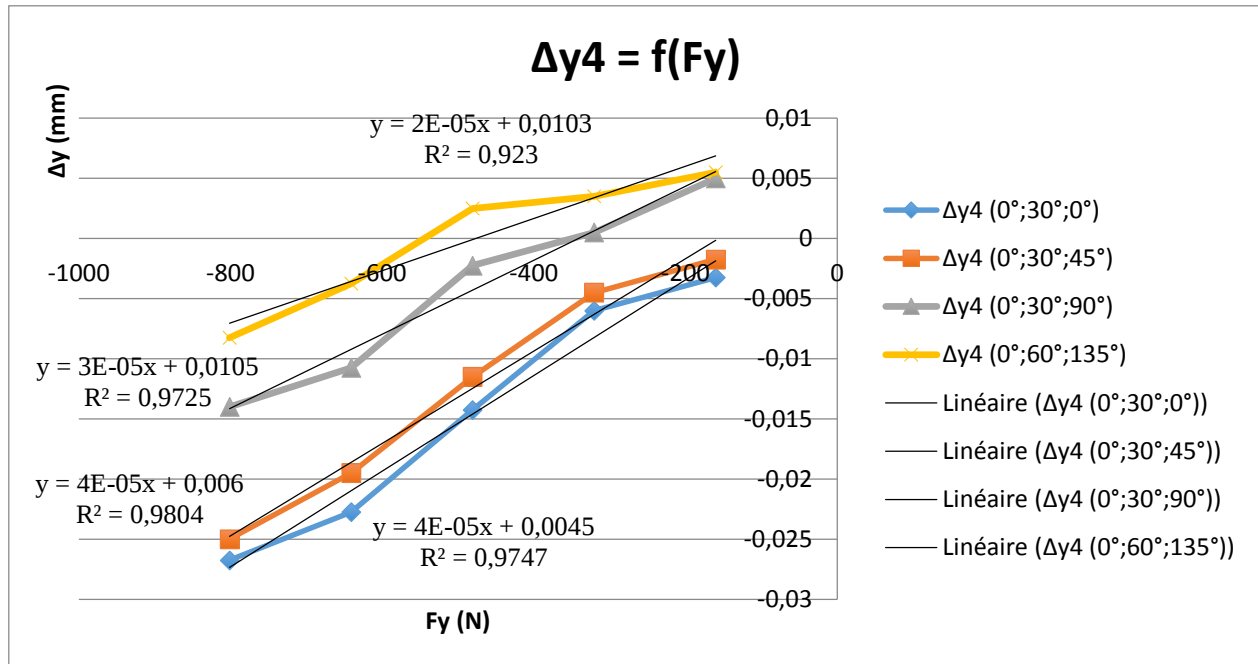


Figure 4.16 : Δy_4 versus F_y , with linear regression, for tests 3 to 7 and indexations $(0^\circ; 30^\circ; 0^\circ)$, $(0^\circ; 30^\circ; 45^\circ)$, $(0^\circ; 30^\circ; 90^\circ)$, $(0^\circ; 60^\circ; 135^\circ)$

It was noticed that the slope changes depending on the indexation (See Figure 4.16). For $B=0^\circ$ or $B=90^\circ$ moments are not oriented according to the same machine axis. The load is not mechanically supported the same way, which could explain the changes in compliance values.

4.8.1.2 Correlation between load and the apparent rigid body motion of the table (δx , δy , δz , α , β and γ)

Following the same method to find significant correlations between volumetric errors and the load, correlations between load and the apparent rigid body motion of the table have been studied and a sample of the significant correlation found is presented in Table 4.11.

Table 4.11 : Correlation summary (apparent rigid body motion of the table and load) (sample)

Indexation	Var 1	Var 2	R	p-values
(0;0;0)	Fy	α	-0,832	p<0,001
	Mcx	δx	0,782	p<0,001
	Mcx	α	0,839	p<0,001
(0;30;0)	Fy	α	-0,881	p<0,001
	Mcx	α	0,751	p<0,001
	Mcx	α	0,751	p<0,001
(0;30;45)	Fy	α	-0,830	p<0,001
(0;30;90)	Fy	α	-0,916	p<0,001
(0;60;135)	Fy	γ	-0,738	p<0,001
(0;60;180)	Fy	δy	0,807	p<0,001
	Mcx	γ	-0,719	0,002
	Mcx	γ	-0,719	0,002

Table 4.11 shows less significant correlations between the load and the rigid body motion of the table. Thus the correlation coefficient is not as high as the one computed in the previous study on the link between load and volumetric errors. The majority of significant correlation is here between Fy and α they are represented in Figure 4.17.

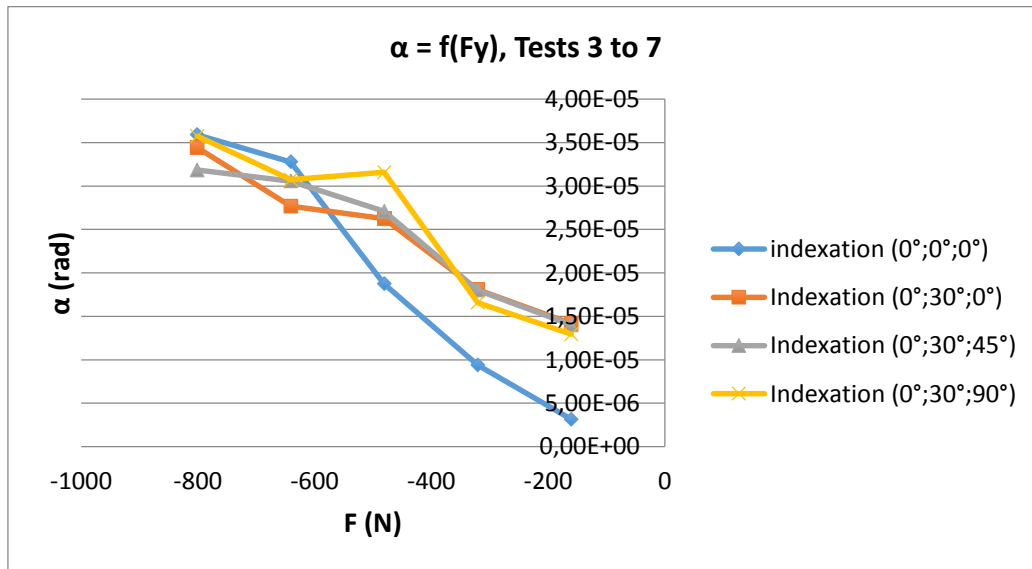


Figure 4.17 : Load effect on the rigid body motion of the table

A correlation exists between the load and the rigid body motion of the table. According to Table 4.11 it seems that this correlation concerns more the angular deviation than the linear deviations. The fact that for the first four indexations the correlation is between Fy and α and not another axis

is a coherent behaviour. Then as the B axis moves to higher values such as 60° the correlation moves to the γ axis, which is also a coherent behaviour because the moment then gradually becomes around the machine Z-axis.

4.8.2 The influence of the indexations

The influence of the indexation will be studied while the load will stay unchanged, which correspond to an entire test. Test 7 is used to illustrate observations as it was used previously in the document.

The machine indexations change the X-axis positions used for probing because the balls are translated in X by the action of the B- and C-axis indexations. That means that if B rotates the X-axis has to travel in order for the probe to take its measurement of a specific sphere. That means that the B- and X-axis are related. Here we will investigate the connection between the table position and the rigid body motion of the table as well as volumetric errors.

As an example it has been possible to observe that during an entire test (the load stays the same, only indexations change) the rigid body motion of the table do not stay constant as shown in Figure 4.18 and Figure 4.19.

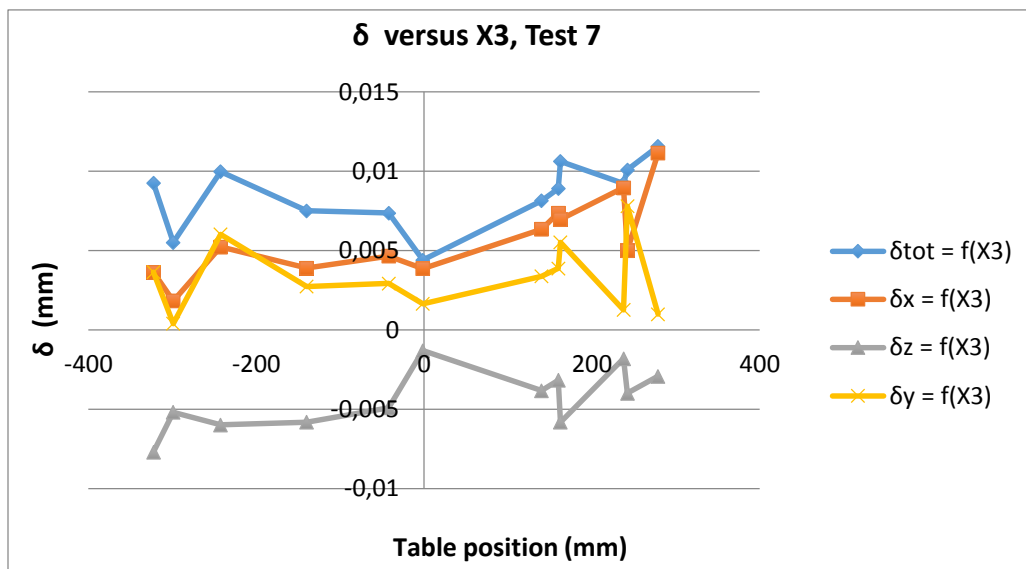


Figure 4.18 : δ versus $X3$, for test 7, influence of the table position on the rigid body motion of the table; δ_{tot} is the total linear rigid body motion

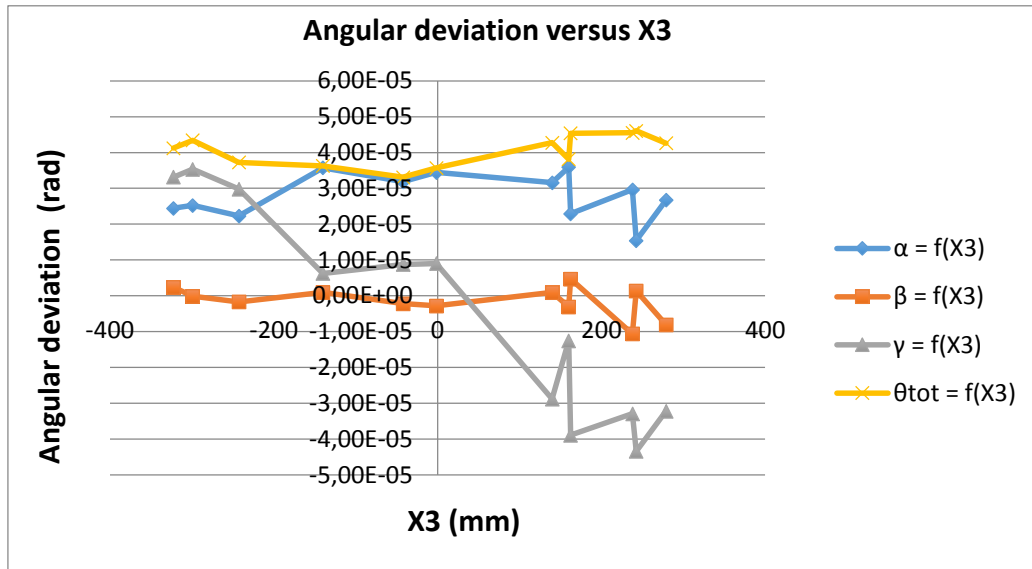


Figure 4.19 : Angular deviation versus X3, influence of the table position on the table angular deviation

θ_{tot} is the total angular rigid body motion of the table.

Figure 4.18 shows that the rigid body motion of the table are not constant during a test. That means that one or more axis is responsible for these variations. During a test, every axis of the machine changes position. It is possible to observe that linear deviations in the X and Y directions are positive while linear deviations in the Z direction are negative. That could be explained by the effect of the loading systems on the table. The load stacks tend to make the table rotate around the X-axis, which reduces the relative distance between the spheres and the probe in the Z direction.

Figure 4.19 shows a similar behaviour. However, we are able to observe that deviations around the Y-axis (β) stay almost null while the other (α and γ) go up to 0,000045 rad. This is consistent with the loading, which produced no moment around this axis.

Furthermore significant correlations have been found between the table position, the volumetric errors and the rigid body motion of the table as shown in Table 4.12 and Table 4.13.

Table 4.12 : Correlation summary for test 7 (Rigid body motion of the table and table position)

Test_Id	Var 1	Var 2	R	p-values
7	X3	δx	0,792	0,002
	X1	γ	-0,757	0,005
	X2	γ	-0,923	p<0,001
	X3	γ	-0,961	p<0,001
	X4	γ	-0,956	p<0,001
	X1	α_{tot}	0,813	0,001
	X4	α_{tot}	0,714	0,009

Even though it is not possible to specify what specific axis is behind the errors measured, Table 4.12 shows strong and numerous correlations between the table position and γ .

Table 4.13 : Correlation summary for test 7 (volumetric errors and table position)

Test_Id	Var 1	Var 2	R	p-values
7	X1	$\Delta y1$	-0,85	0,008
	X1	$\Delta x4$	0,73	0,038
	X3	$\Delta x3$	0,9	0,002
	X3	$\Delta x4$	0,76	0,028
	X3	$\Delta y4$	-0,75	0,030
	X4	$\Delta y1$	-0,82	0,013
	X4	$\Delta y3$	0,89	0,004
	X4	$\Delta x4$	0,94	p<0,001

The other tests also show significant correlations between the table position and the rigid body motion of the table. All these correlation are high. This suggests the possibility to model these deviations and errors with an elastic model and eventually predict the behaviour of the machine under load.

4.9 Conclusion

This study presented a test protocol which made it possible to investigate the existence of significant volumetric errors correlated with the load. The goal was to observe the influence of the weight of a workpiece on the precision of a specific machine. Even though tests stayed in the specifications of the machine (100 kg maximum), volumetric errors up to 0,03 mm were observed. Moreover, volumetric errors show a coherent evolution with the load.

According to the p-value test applied to the data, it is possible to claim that significant correlations exist between the load, the volumetric errors and the rigid body motion of the table. This conclusion

is also supported by graphs showing the correlation between variables such as the forces and volumetric errors. Regressions have been computed between volumetric errors and forces yielding compliance values similar to those found in other studies.

Strong correlations were observed between the force in Y and moment around X, induced by the load stacks, and the volumetric errors in Y and Z and on the rigid body motion of the table as α and γ rotations. Those correlations are coherent with the effect of a negative vertical force on a vertical table. Significant correlations also appear between the table position, the indexation, volumetric errors and the rigid body motion of the table.

The method presented in this paper is applicable to other machine geometries and further the understanding of the effect of load on volumetric errors, which should eventually lead to the development of prediction and compensation models.

4.10 Acknowledgments

The author would like to thank Guy Gironne and Vincent Mayer for the experimental support.

CHAPITRE 5 DISCUSSION GÉNÉRALE

Le but de cette étude est de démontrer ou non l'existence de liens significatifs entre le chargement de la table de la machine et les erreurs volumétriques engendrées. Pour se faire, un protocole de test a été proposé. Il utilise un test nommé « test_0 » qui a pour but d'annuler les erreurs propres à la machine comme les erreurs géométriques. Ainsi, chaque test en charge est comparé (par une opération de soustraction des coordonnées de palpation) à ce test 0, ce qui rend possible une comparaison précise entre les données de chaque test. Cette décision a été prise suite au travail de Asadishad, B. [1] qui a positionné les sphères de son test sur les empilements de blocs. Un calcul lui a permis d'affirmer que les empilements présentaient une valeur de déflexion non négligeable qui changeait la position de la sphère qui y était fixée. Néanmoins, le choix de positionner les sphères directement sur la table a nécessité l'utilisation de longues tiges (chaque sphère est à une hauteur de 280mm par rapport à la surface de la table). Sous l'effet de la force engendrée par le palpeur lors d'une opération de palpation, la tige fléchit et affecte la position réelle de la sphère. L'utilisation du test « 0 » permet de se soustraire de ce problème. D'autre part, le protocole de test ne fait pas appel à de l'équipement spécifique comme une « double ball bar » ou une « loaded double ball bar » comme ce qu'utilise Archenti, A. [11] dans ses travaux, ce qui rend le protocole moins coûteux et plus facile à mettre en place. Le seul équipement coûteux pour ce test est le palpeur.

Ce test présente néanmoins des limitations dans la mesure où chaque bloc pesant 8,168 kg et mesurant 50 mm d'épaisseur, le nombre de bloc se voit limité par les spécifications de la machine à savoir 100 kg maximum de charge et 300 mm de hauteur sur table. La masse des blocs, qui définit le pas du chargement, est donc importante par rapport à la plage de masse étudiée. La précision du protocole de test est ainsi limitée par ce pas.

De plus, le volume occupé par le chargement entre parfois en conflit avec les trajectoires que doit prendre l'outil pour palper une sphère donnée (fonction de l'indexation). Certains tests se retrouvent avec uniquement une sphère palpée, ce qui réduit le nombre de test utilisable pour l'analyse et notamment au niveau de l'étude des déviations du plan de la table.

Quant à l'utilisation des tests statistiques, les seuils de valeur pour le coefficient de corrélation et la valeur p ont été choisis en fonction de ceux utilisés couramment dans des travaux ultérieurs. Ainsi une valeur de coefficient de corrélation de 0,7 et de p-value de 0,05 aura été retenue. La

quantité et les forces des corrélations mises en évidence dans ce travail reposent en grande partie sur ces seuils. Si l'utilisateur de cette méthode considère des niveaux de corrélations moins élevées, il considèrera plus de corrélations mais qui seront moins fortes. Cela se traduira par plus d'effort de compensation, dont l'apport sera moins utile. A l'opposé de cela, les seuils plus élevés donneront moins de corrélations mais qui seront plus fortes.

L'originalité de cette étude est de faire un lien entre des erreurs volumétriques et le chargement appliqué à la machine. Ce travail balaie un grand nombre de configurations utilisées par la machine, en balayant l'éventail des masses et indexations acceptables par la machine, assurant des résultats non limités à seulement quelques valeurs de masse ou de position.

Les corrélations significatives présentées précédemment dans ce document sont cohérentes avec les directions de déflexions connues sous l'effet d'un chargement, ce qui renforce la validité des résultats. Par exemple, le fait que notre analyse mette en avant une forte corrélation entre F_y et Δy et Δz n'est pas surprenant en vue de la direction de la force F_y . Cependant, ces corrélations sont observées avec des valeurs de Δ importantes (quelques centièmes de millimètres) par rapport à la précision de la machine affichée ($<0,001$ mm), alors que l'on reste en dessous des 100kg requis par le fabriquant. Il est néanmoins important de mettre cela en perspective car ces valeurs peuvent venir d'erreurs de mesures dues au palpeur, aux erreurs de repositionnement de la table après passage dans la zone de chargement etc. Or, lors d'une phase d'usinage, la pièce ne repasse pas dans la zone de chargement ce qui annule la prise en compte de cette erreur. Cette valeur de Δ revenant sur plusieurs tests et plusieurs indexations est alors à considérer. D'autre part, dans la mesure où les axes B et C sont montés sur l'axe X, chaque indexation induit un déplacement de la table en X pour assurer le palpé d'une sphère. Cette étude ne permet donc pas de différencier les influences de ces axes de façon séparée.

Enfin, les observations et conclusions tirées de ce travail ouvrent la porte à de nouvelles pistes pour cette fois déterminer la responsabilité de chaque axe dans ces erreurs. Le protocole de test devra alors être modifié afin de fixer certains axes à une indexation donnée et étudier les comportements sous charge des axes restés libres de leurs mouvements. D'autres modifications du protocole peuvent être envisagées comme une évolution plus progressive des masses dans le but de faciliter le travail d'analyse.

De façon plus spécifique, les résultats de ce travail mènent à étudier plus particulièrement le comportement des axes porteurs de la table à savoir les axes C, B et X dans la mesure où ce sont eux qui supportent la charge. Cela ne veut pas dire qu'aucune étude ne doit être menée sur les axes Y et Z car ils supportent les efforts de coupe lors d'une opération d'usinage.

A terme, ce travail combiné à d'autres études sur les axes mentionnés ci-dessus pourrait mener à une méthode complète permettant d'identifier les axes sources d'erreur lors de l'utilisation de la machine sous charge. L'identification de ces axes pourrait alors mener à la mise au point d'un modèle permettant de compenser les erreurs volumétriques en fonction du chargement et de la position de la table dans l'espace de travail.

Cette étude s'inscrit alors dans le vaste domaine de la lecture des erreurs machine et de leur compensation et permet d'appréhender le niveau de précision à un instant donné de la machine en question.

CHAPITRE 6 CONCLUSION ET RECOMMANDATIONS

Ce travail a proposé une méthode permettant de déterminer l'existence de corrélations significatives entre le chargement de la table (modélisé par des blocs appliquant une force sur la table) et les erreurs volumétriques engendrées. Un protocole de test a été développé dans l'idée de détecter l'existence de ces erreurs. Les enjeux de cette étude sont intéressants dans la mesure où peu de travaux ont été effectués sur la relation directe entre le chargement et les erreurs volumétriques et par le fait que tous les chargements étudiés restent dans les spécifications de la machine. Nous pourrions alors nous attendre à observer des erreurs volumétriques non significatives. Malgré cela, les mesures effectuées lors de ces tests ont révélé des erreurs dépassant le micromètre. Il s'agit ici de valeur à ne pas négliger, elles peuvent altérer la qualité dimensionnelle de la pièce fabriquée. De plus, la méthode exposée ici a permis de mettre en avant des corrélations fortes entre les forces engendrées par le chargement, les erreurs volumétriques mesurées, les déviations linéaires et angulaires de la table et la position de la table dans l'espace de travail.

La problématique était d'analyser l'impact du chargement sur les erreurs volumétriques pour une machine 5 axes à table verticale. Le but était alors d'étudier les réactions de la machine lorsqu'un chargement lui était appliqué.

Les résultats ont pu mettre en lumière l'existence de nombreuses corrélations notamment entre la force engendrée par les blocs dans les directions Y, le moment selon X et les erreurs volumétriques selon Y et Z. Cela témoigne qu'il existe un effet non négligeable des blocs positionnés sur la table sur les erreurs volumétriques mesurées.

Les déviations angulaires du plan de la table selon X et Z se sont également avérées corrélées avec la force générée par les blocs. D'autre part, il a été possible de détecter des corrélations fortes entre la position de la table lors d'un palpage avec les erreurs volumétriques et les déviations linéaires et angulaires du plan de la table.

Ainsi, toutes ses corrélations permettent d'affirmer que malgré un chargement restreint aux limites de la machine, des erreurs volumétriques significatives engendrées par un chargement sont à prévoir.

Le protocole de test ne faisant pas appel à assez de conditions de chargement différentes et à assez d'indexations ne permet pas de conclusions plus fortes concernant le rôle de chaque axe dans la valeur des erreurs mesurée. Il a été possible de démontrer leur implication dans la mesure où pour un même chargement, les déviations ne restent pas constantes à différentes indexations de cet axe.

De plus, la lecture de ces corrélations nous permet d'envisager des pistes de recherche qui permettraient de conclure sur la provenance précise des erreurs mesurées. En effet, en adaptant le protocole de test et en fixant certains axes il serait possible de déterminer la part de responsabilité de chaque axe dans les valeurs d'erreurs mesurées. Il serait également intéressant de valider les résultats de ce travail en appliquant cette méthode à une autre machine 5 axes à table verticale et d'en comparer les corrélations trouvées pour cette dernière avec celle mise en avant pour cette étude. Concernant l'application de cette méthode à d'autres géométries de machine, la méthode resterait sensiblement la même et il serait intéressant de voir si les corrélations apparaissent avec la même logique que dans cette étude.

Une fois cette étude couplée avec des résultats sur les erreurs thermiques et dynamique sous charge il serait possible de développer un modèle de compensation sous charge des machines 5 axes et ainsi obtenir une meilleure performance de ces machines.

BIBLIOGRAPHIE

1. Asadishad, B., *Effect of Load on Machine Geometry with Respect to the Weight and Torque*. 2014, École Polytechnique de Montréal.
2. Guissa, R., *Méthodes de compensation des erreurs d'usinage utilisant la mesure sur machines-outils*. 2012, École Polytechnique de Montréal.
3. Dornfeld, D. and D.-E. Lee, *Machine design for precision manufacturing*. 2008: Springer.
4. Schwenke, H., et al., *Geometric error measurement and compensation of machines—an update*. CIRP Annals-Manufacturing Technology, 2008. **57**(2): p. 660-675.
5. Pahk, H.J., Y.S. Kim, and J.H. Moon, *A new technique for volumetric error assessment of CNC machine tools incorporating ball bar measurement and 3D volumetric error model*. International Journal of Machine Tools and Manufacture, 1997. **37**(11): p. 1583-1596.
6. Aguado, S., et al., *Protocol for machine tool volumetric verification using commercial laser tracker*. The International Journal of Advanced Manufacturing Technology, 2014. **75**(1-4): p. 425-444.
7. Ramesh, R., M. Mannan, and A. Poo, *Error compensation in machine tools—a review: Part II: thermal errors*. International Journal of Machine Tools and Manufacture, 2000. **40**(9): p. 1257-1284.
8. Andolfatto, L., S. Lavernhe, and J. Mayer, *Evaluation of servo, geometric and dynamic error sources on five-axis high-speed machine tool*. International Journal of Machine Tools and Manufacture, 2011. **51**(10): p. 787-796.
9. Semmler, U., et al., *Thermal deformations of cutting tools: measurement and numerical simulation*. Production Engineering, 2014. **8**(4): p. 543-550.
10. Vorontsov, A., *Taking account of the tool's elastic deformation in describing pressure treatment*. Russian Engineering Research, 2011. **31**(11): p. 1110-1120.
11. Archenti, A., et al., *A new method for circular testing of machine tools under loaded condition*. Procedia CIRP, 2012. **1**: p. 575-580.

12. Archenti, A. and M. Nicolescu, *Accuracy analysis of machine tools using Elastically Linked Systems*. CIRP Annals-Manufacturing Technology, 2013. **62**(1): p. 503-506.
13. Schleich, B. and S. Wartack, *How to determine the influence of geometric deviations on elastic deformations and the structural performance?* Proceedings of the Institution of Mechanical Engineers, Part B: Journal of Engineering Manufacture, 2013. **227**(5): p. 754-764.
14. Kochinev, N. and F. Sabirov, *Quasi-static method of measuring the balance of elastic displacements of the supporting system of machine tools*. Measurement Techniques, 2006. **49**(6): p. 572-578.
15. Majda, P., *Modeling of geometric errors of linear guideway and their influence on joint kinematic error in machine tools*. Precision Engineering, 2012. **36**(3): p. 369-378.
16. Rahman, M., J. Heikkala, and K. Lappalainen, *Modeling, measurement and error compensation of multi-axis machine tools. Part I: theory*. International Journal of Machine Tools and Manufacture, 2000. **40**(10): p. 1535-1546.
17. Mchichi, N.A. and J. Mayer, *Axis location errors and error motions calibration for a five-axis machine tool using the SAMBA method*. Procedia CIRP, 2014. **14**: p. 305-310.
18. Mayer, J., M.M. Rahman, and A. Los, *An uncalibrated cylindrical indigenous artefact for measuring inter-axis errors of a five-axis machine tool*. CIRP Annals-Manufacturing Technology, 2015. **64**(1): p. 487-490.
19. Rahman, M.M. and J. Mayer, *Five axis machine tool volumetric error prediction through an indirect estimation of intra-and inter-axis error parameters by probing facets on a scale enriched uncalibrated indigenous artefact*. Precision Engineering, 2015. **40**: p. 94-105.
20. No, I., 230-I, “. Test Code for Machine Tools-Part. **1**.
21. Ertürk, A., H. Özgüven, and E. Budak, *Analytical modeling of spindle–tool dynamics on machine tools using Timoshenko beam model and receptance coupling for the prediction of tool point FRF*. International Journal of Machine Tools and Manufacture, 2006. **46**(15): p. 1901-1912.

22. Weck, M., et al., *Reduction and compensation of thermal errors in machine tools*. CIRP Annals-Manufacturing Technology, 1995. **44**(2): p. 589-598.
23. DE MESURAGE, D.L.E.P., *LE CALCUL D'INCERTITUDE DANS LES MÉTHODES DE MESURAGE DE L'EXPOSITION PROFESSIONNELLE*.
24. Bourdet, P. and A. Clément, *Controlling a complex surface with a 3 axis measuring machine*. Annals of the CIRP, 1976. **25**(1): p. 359-361.
25. Mukaka, M., *A guide to appropriate use of correlation coefficient in medical research*. Malawi Medical Journal, 2012. **24**(3): p. 69-71.
26. Bland, J.M. and D.G. Altman, *Multiple significance tests: the Bonferroni method*. Bmj, 1995. **310**(6973): p. 170.
27. Özel, T. and Y. Karpat, *Predictive modeling of surface roughness and tool wear in hard turning using regression and neural networks*. International Journal of Machine Tools and Manufacture, 2005. **45**(4): p. 467-479.

ANNEXE A – MESURES DU TEST DE RÉPÉTABILITÉ

Table 6.1 : Repeatability test - data acquisition (mm)

Measurement cycle	Ball ID	X	Y	Z
1	1	-160,32325	160,61125	153,31115
	2	160,64550	160,02850	102,47215
	3	-1,71550	-159,97050	127,87715
	4	152,39375	-0,43975	57,15015
	5	-152,59700	0,08700	56,85815
2	1	-160,321	160,616	153,30915
	2	160,64725	160,03075	102,47265
	3	-1,71425	-159,96775	127,87715
	4	152,39675	-0,43675	57,14815
	5	-152,5935	0,0905	56,85715
3	1	-160,322	160,616	153,31015
	2	160,648	160,032	102,47315
	3	-1,71425	-159,96775	127,87715
	4	152,39625	-0,43725	57,14965
	5	-152,5945	0,0885	56,85815
4	1	-160,32025	160,61625	153,31015
	2	160,64825	160,03175	102,47265
	3	-1,7145	-159,9675	127,87715
	4	152,3975	-0,4355	57,14815
	5	-152,59325	0,09125	56,85715
5	1	-160,32125	160,61725	153,30865
	2	160,648	160,032	102,47165
	3	-1,71325	-159,96775	127,87665
	4	152,397	-0,437	57,14865
	5	-152,59525	0,08925	56,85665

ANNEXE B - PROGRAMME MATLAB DE CALCUL DE COEFFICIENT DE CORRÉLATION ET P-VALUES

```

clear all
clc

Mat=[0 0 0 0 0 0 0 0 0
0.00326695 0.004783249 -0.002369924 1.70E-05 1.33E-05 -6.12E-06 -
320.4927 6.926935641 3.999268157
-0.002289415 -0.006536797 0.002945048 2.88E-05 -4.98E-06 -3.81E-06
-640.99521 27.59325716 15.93097445
0.001317632 0.005547195 -0.001029173 1.30E-05 -3.37E-06 -7.84E-06 -
160.24635 3.46346782 1.999634078
0.002039838 0.004575656 -0.000752011 1.66E-05 2.66E-06 -1.18E-07 -
320.4927 13.79641743 7.965365319
0.004831812 0.004133569 -0.001841097 3.16E-05 -6.51E-06 -5.65E-06 -
480.73905 30.99884884 17.89719372
0.002056747 -0.004085228 0.003997049 3.07E-05 -3.58E-06 9.51E-07 -
640.99521 55.07160487 31.7956059
0.003896932 -0.005810776 0.002737015 3.57E-05 9.43E-07 6.26E-06 -
801.24156 85.38870415 49.29919132
0.002814493 0.004065411 0.001929816 4.37E-06 -1.29E-06 1.07E-05 -
173.5389 8521.336137 -14753.24733
0.003127092 0.000989123 0.001579483 9.72E-06 5.65E-06 8.03E-06 -
333.78525 16280.30073 -28117.15682
0.001865649 -0.007795712 0.005976388 1.92E-05 -2.52E-06 1.28E-05 -
494.0316 24034.43312 -41483.86399
0.00669632 0.003371987 0.002375583 1.32E-05 1.76E-06 -5.14E-06 -
186.83145 9337.099374 -16111.89988
0.006133809 0.000618236 0.003365221 1.88E-05 -4.41E-06 4.42E-06 -
347.0778 17094.776 -29476.41256
0.003892822 0.004481593 -0.003796618 8.32E-07 1.22E-06 1.22E-05 -
173.5389 14.36342948 8.292729875
-0.000610511 -0.004153485 0.005826277 1.14E-05 1.22E-06 -3.41E-06
-333.78525 35.13950259 20.28780128
0.003711082 -0.003668797 0.004168536 6.95E-06 3.24E-06 -4.33E-06 -
186.83145 26.16723146 15.10765813
0.005421527 0.000316801 -0.000168159 1.72E-05 -3.28E-06 3.59E-06 -
347.0778 57.42095489 33.15200376];

Cov=cov(Mat);

[r,p]=corrcoef(Mat) %Compute sample correlation and p-values

[I,J]=FIND(P<0.05) %FIND SIGNIFICANT CORRELATION

```

ANNEXE C – PROGRAMME DE TRAITEMENT DES FICHIERS DE PLAPAGE

```

clear all
clc

format long

Res = [.00000
.00000
.00000
1
-159.12575
-.71925
280.82015
.00000
.00000
.00000
2
-.84025
160.80425
280.52515
.00000
.00000
.00000
3
159.56125
-.19525
280.69615
.00000
.00000
.00000
4
-.37875
-160.47725
280.89615
.00000
30.00000
.00000
1
-278.19150
-.72450
163.56015
.00000
30.00000
.00000
2
-140.97125
160.80325
242.44565
.00000
30.00000

```

```

.00000
3
-2.14425
-.19275
322.79515
.00000
30.00000
.00000
4
-140.75550
-160.47750
243.00315
.00000
30.00000
45.00000
1
-238.21850
112.01450
186.64015
];

j=1;
for i=4:7:length(Res)

    if Res(i)==1
        Mat(j,1)=Res(i)
        Mat(j,2)=Res(i-3)
        Mat(j,3)=Res(i-2)
        Mat(j,4)=Res(i-1)
        Mat(j,5)=Res(i+1)
        Mat(j,6)=Res(i+2)
        Mat(j,7)=Res(i+3)
        j=j+1;
    end

    if Res(i)==2
        Mat(j,1)=Res(i)
        Mat(j,2)=Res(i-3)
        Mat(j,3)=Res(i-2)
        Mat(j,4)=Res(i-1)
        Mat(j,5)=Res(i+1)
        Mat(j,6)=Res(i+2)
        Mat(j,7)=Res(i+3)
        j=j+1;
    end

    if Res(i)==3
        Mat(j,1)=Res(i)
        Mat(j,2)=Res(i-3)
        Mat(j,3)=Res(i-2)
        Mat(j,4)=Res(i-1)
        Mat(j,5)=Res(i+1)
        Mat(j,6)=Res(i+2)
        Mat(j,7)=Res(i+3)
        j=j+1;
    end
end

```

```
if Res(i)==4
    Mat(j,1)=Res(i)
    Mat(j,2)=Res(i-3)
    Mat(j,3)=Res(i-2)
    Mat(j,4)=Res(i-1)
    Mat(j,5)=Res(i+1)
    Mat(j,6)=Res(i+2)
    Mat(j,7)=Res(i+3)
    j=j+1;
end
end
```

ANNEXE D – PROGRAMME DE GÉNÉRATION DES DÉVIATION LINÉAIRES ET ANGULAIRE DES PLANS DE LA TABLE

```

clear all
clc

format long

Pts=[-159.14475 -0.72525    280.81815   -0.83775    160.81275    280.51815
159.56975    -0.20375    280.68815   -0.376   -160.496    280.88915]';

Delta=[-159.14475   -0.72525    280.81815   -0.83775    160.81275    280.51815
159.56975    -0.20375    280.68815   -0.376   -160.496    280.88915]';

for i=1:size(Pts,2)

    Mat=[1 0 0 0 Pts(3,i) -Pts(2,i)
          0 1 0 -Pts(3,i) 0 Pts(1,i)
          0 0 1 Pts(2,i) -Pts(1,i) 0
          1 0 0 0 Pts(6,i) -Pts(5,i)
          0 1 0 -Pts(6,i) 0 Pts(4,i)
          0 0 1 Pts(5,i) -Pts(4,i) 0
          1 0 0 0 Pts(9,i) -Pts(8,i)
          0 1 0 -Pts(9,i) 0 Pts(7,i)
          0 0 1 Pts(8,i) -Pts(7,i) 0
          1 0 0 0 Pts(12,i) -Pts(11,i)
          0 1 0 -Pts(12,i) 0 Pts(10,i)
          0 0 1 Pts(11,i) -Pts(10,i) 0
    ];

    PMat=pinv(Mat);
    Res_estime(:,i)=PMat*Delta(:,i)

    DeltaP(:,i)=Mat*Res_estime(:,i);

    Residu(:,i)=Delta(:,i)-DeltaP(:,i)
end

```

ANNEXE E – PROGRAMME DE CALCUL DES FORCES ET MOMENTS ENGENDRÉES PAR LE CHARGEMENT

```

clear all
clc

format long

Ind=[ 0      0      0;...
      0      -30     0;...
      0      -30    -45;...
      0      -30    -90;...
      0      -60    -90;...
      0      -60   -135;...
      0      -60   -180;...
      0      -90   -180;...
      0      -90  -225;...
      0      -90  -270;...
      0       30     0;...
      0       30    45;...
      0       30    90;...
      0       60    90;...
      0       60   135;...
      0       60   180;...
      0       90   180;...
      0       90   225;...
      0       90   270;...
    ];

Masse_G=[32.67 0 0 24.957
        65.341 0 0 49.707
        16.335 0 0 24.957
        32.67 0 0 49.707
        49.005 0 0 74.457
        65.341 0 0 99.207
        81.676 0 0 123.057
        17.69 0 98.176 17.69
        34.025 0 97.339 121.562
        50.36 0 97.045 146.747
        19.045 0 99.672 161.725
        35.38 0 98.176 191.035
        17.69 0 0 95.572
        34.025 0 0 121.562
        19.045 0 0 161.725
        35.38 0 0 191.035
    ]
i=19;
j=1;
k=1;
%for i=1:length(Ind)

```

```

for k=1:length(Masse_G)

A=Ind(i,1)*2*pi/360;
B=Ind(i,2)*2*pi/360;
C=Ind(i,3)*2*pi/360;

M = Masse_G(k,1);
Gx = Masse_G(k,2);
Gy = Masse_G(k,3);
Gz = Masse_G(k,4);

Rx = [1 0 0;0 cos(A) -sin(A);0 sin(A) cos(A)]
Ry = [cos(B) 0 sin(B);0 1 0;-sin(B) 0 cos(B)]
Rz = [cos(C) -sin(C) 0;sin(C) cos(C) 0;0 0 1]

GC_R3 = [Gx;Gy;Gz*1.0e-03]
GC_RmC = Ry*Rz*GC_R3
%GC_Rm(1,1)=GC_RmC(3)
%GC_Rm(2,1)=GC_RmC(1)
%GC_Rm(3,1)=GC_RmC(2)

% Calcul de la rÈsultante (Force en G)
F_ligne = [0;-M*9.81;0]
F = transpose(F_ligne)

% Calcul du moment rÈsultant au centre de la table (Point C)
Mc_ligne = cross(GC_RmC,F)
Mc=transpose(Mc_ligne)

Mat(j,1)= F(1)
Mat(j,2)= F(2)
Mat(j,3)= F(3)
Mat(j,4)= Mc(1)
Mat(j,5)= Mc(2)
Mat(j,6)= Mc(3)

j=j+1;

```